



第2章 电路的分析方法

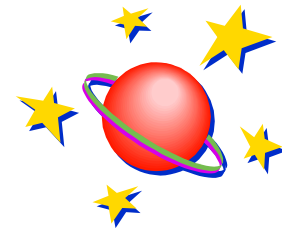
- 2.1** 电阻的串联和并联
- 2.2** 电压源与电流源及其等效变换
- 2.3** 支路电流法
- 2.4** 节点电压法
- 2.5** 叠加原理
- 2.6** 等效电源定理



第2章 电路的分析方法

本章要求:

1. 熟练掌握节点电压法、叠加原理和戴维南定理等电路的基本分析方法;
2. 熟练掌握等效电阻的计算;
3. 掌握实际电源的两种模型及其等效变换;
4. 掌握用支路电流法、诺顿定理分析电路。





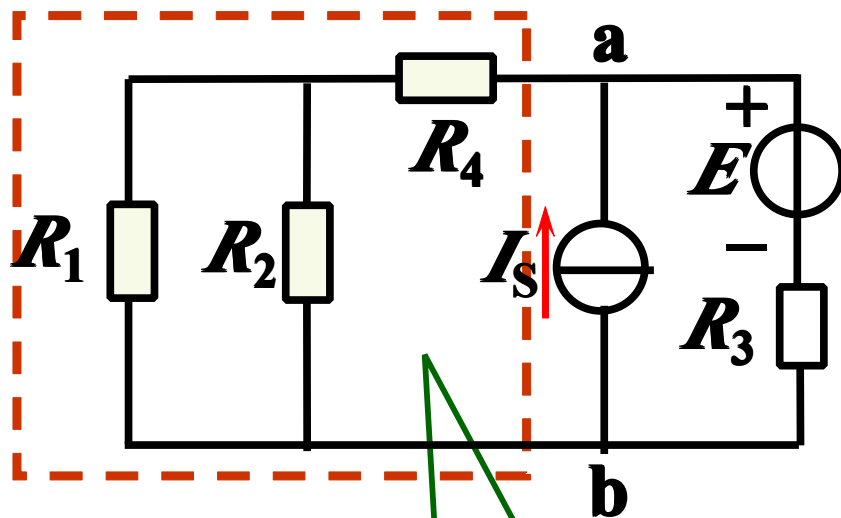
2.1 电阻串联和并联

二端网络的概念：

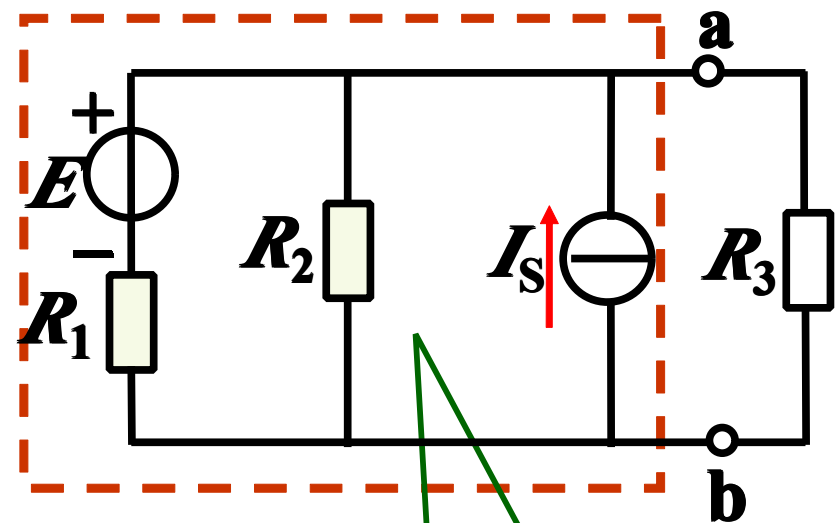
二端网络：具有两个出线端的部分电路。

无源二端网络：二端网络中没有电源。

有源二端网络：二端网络中含有电源。



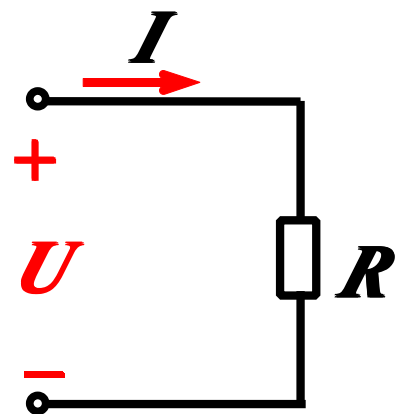
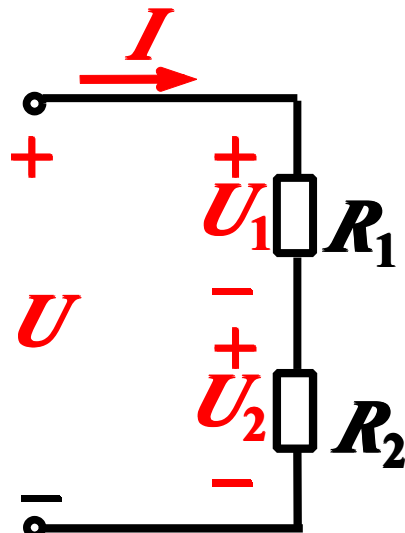
无源二端网络



有源二端网络



2.1.1 电阻的串联



特点:

(1) 各电阻一个接一个地顺序相联;

(2) 各电阻中通过同一电流;

(3) 等效电阻等于各电阻之和;

$$R = R_1 + R_2$$

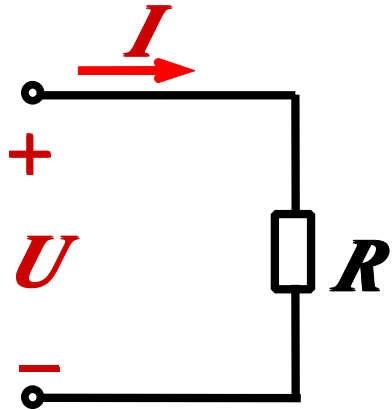
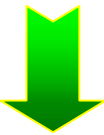
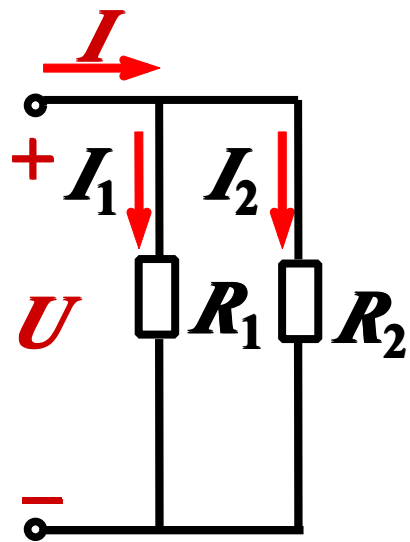
(4) 串联电阻上电压的分配与电阻成正比。

两电阻串联时的分压公式:

$$U_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} U \quad U_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U$$

应用: 降压、限流、调节电压等。

2.1.2 电阻的并联



特点:

- (1)各电阻联接在两个公共的节点之间;
- (2)各电阻两端的电压相同;
- (3)等效电阻的倒数等于各电阻倒数之和;

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$

- (4)并联电阻上电流的分配与电阻成反比。

两电阻并联时的分流公式:

$$I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} I \quad I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} I$$

应用: 分流、调节电流等。



2.1.3 电阻混联电路的计算

例：电路如图，求 $U=?$

解：

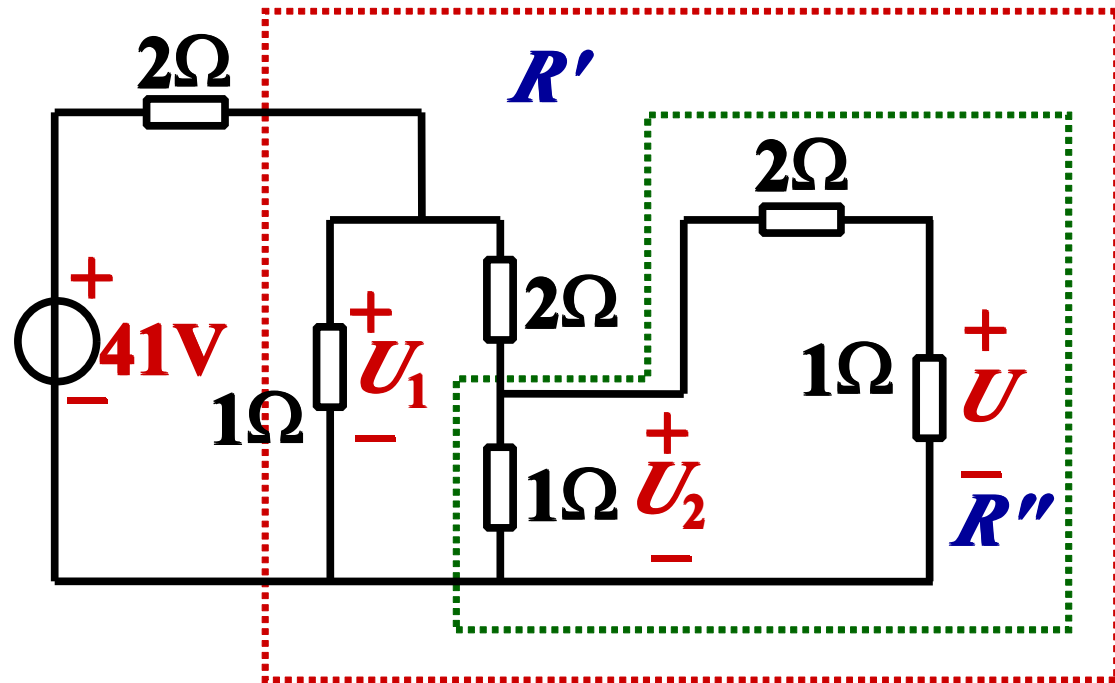
$$R'' = \frac{3}{4} \Omega$$

$$R' = \frac{11}{15} \Omega$$

$$U_1 = \frac{R'}{2+R'} \times 41 \\ = 11\text{V}$$

$$U_2 = \frac{R''}{2+R''} \times U_1 = 3\text{V}$$

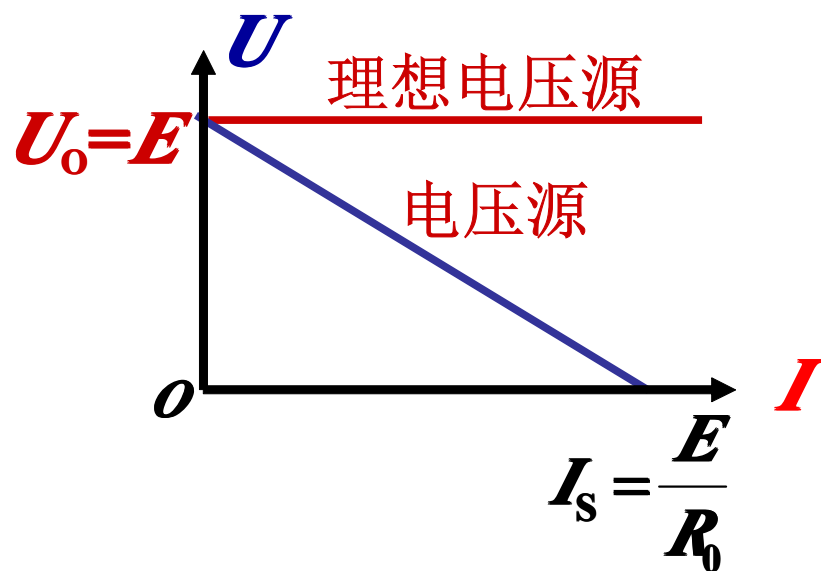
得 $U = \frac{1}{2+1} \times U_2 = 1\text{V}$



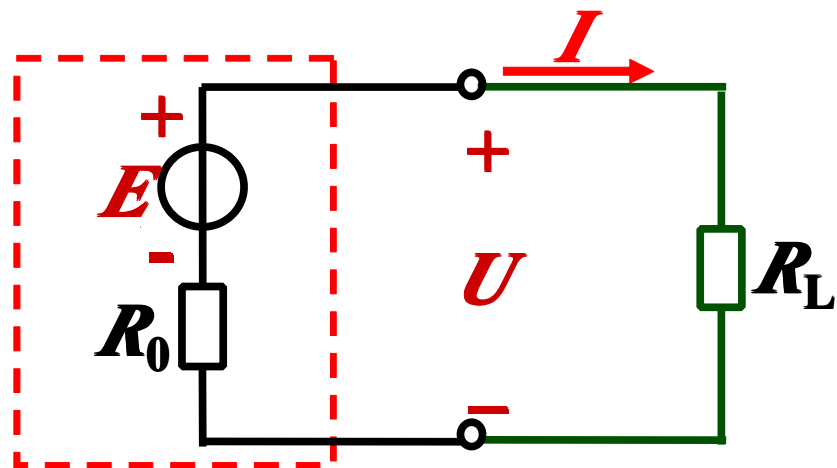
2.2 电源的两种模型及其等效变换

2.2.1 电压源模型

电压源模型是由理想电压源和内阻 R_0 串联的电路模型。



电压源的外特性



电压源模型

由上图电路可得：

$$U = E - IR_0$$

若 $R_0 = 0$

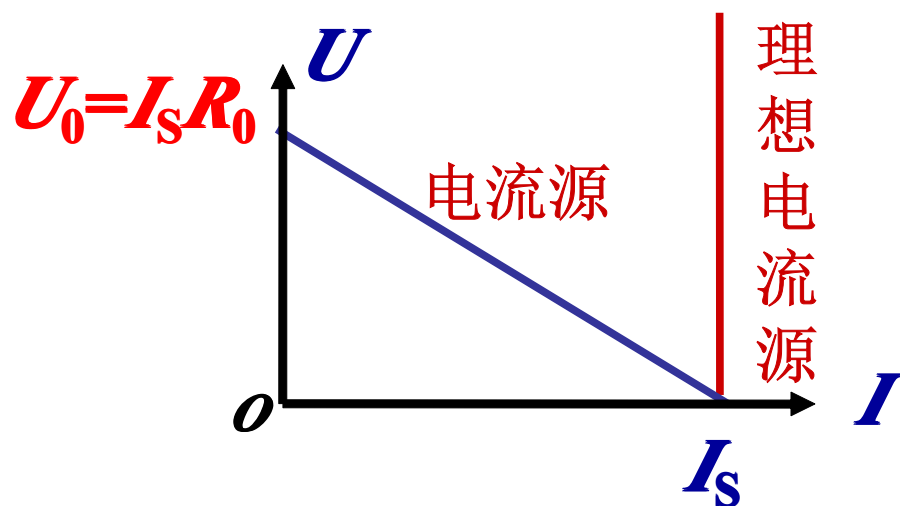
理想电压源： $U \equiv E$

若 $R_0 \ll R_L$ ， $U \approx E$ ，

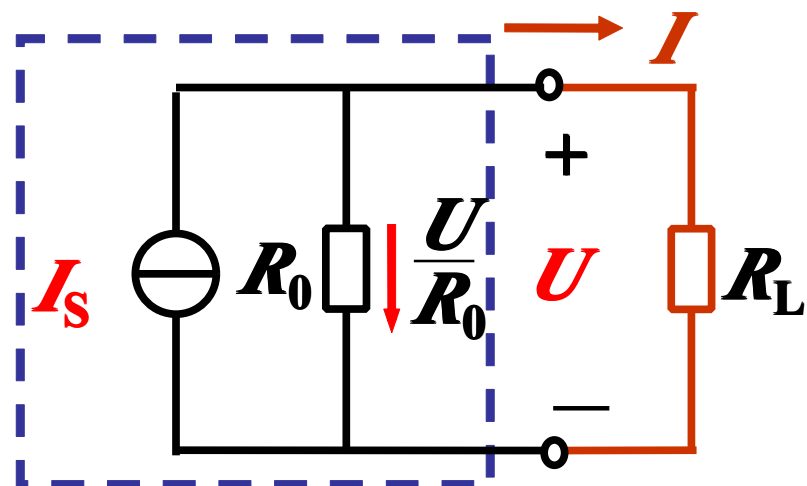
可近似认为是理想电压源。

2.2.2 电流源模型

电流源模型是由理想电流源和内阻 R_0 并联的电路模型。



电流源的外特性



电流源模型

由上图电路可得：

$$I = I_S - \frac{U}{R_0}$$

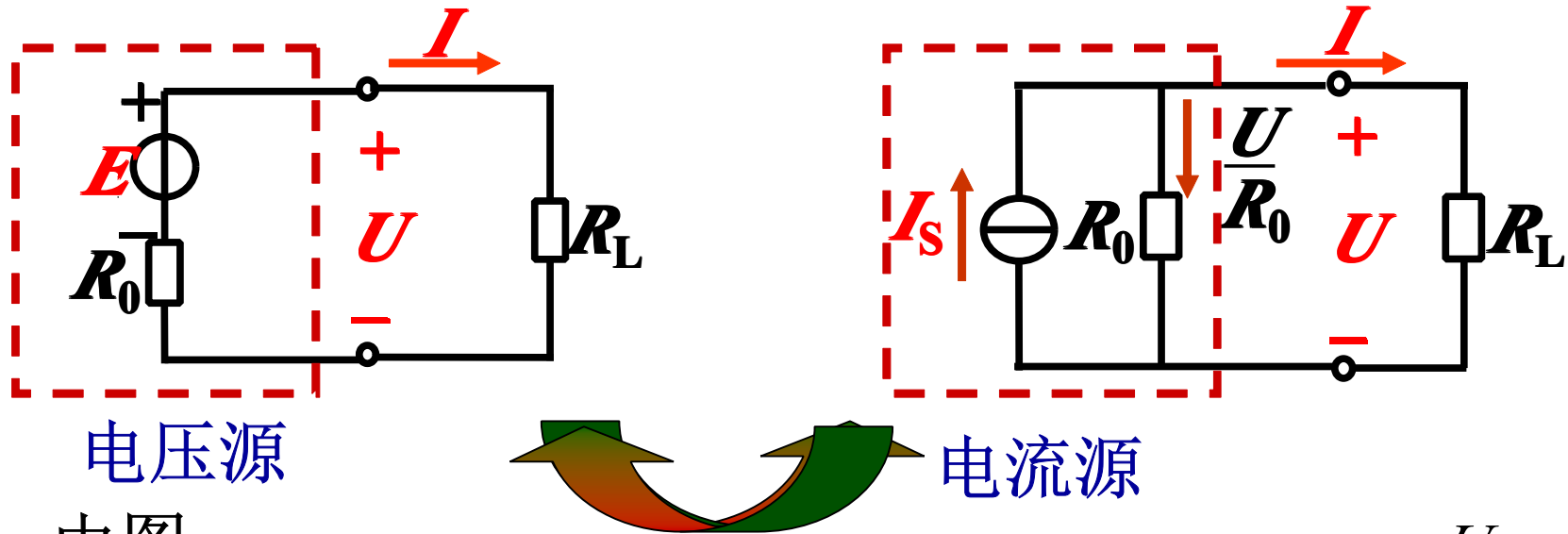
若 $R_0 = \infty$

理想电流源： $I \equiv I_S$

若 $R_0 \gg R_L$ ， $I \approx I_S$ ，可近似认为是理想电流源。



2.2.3 电源两种模型之间的等效变换



电压源
由图a:

$$U = E - IR_0$$
$$I = \frac{E}{R_0} - \frac{U}{R_0}$$

等效变换公式:

$$\begin{cases} E = I_s R_0 \\ I_s = \frac{E}{R_0} \end{cases}$$

电流源

由图b: $I = I_s - \frac{U}{R_0}$

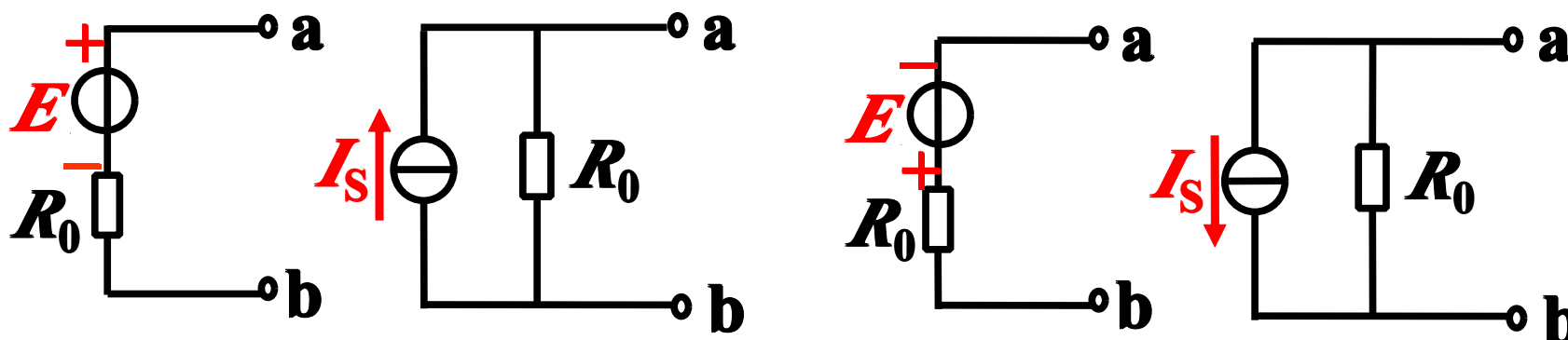
$$U = I_s R_0 - IR_0$$

内阻相同。

注意事项:



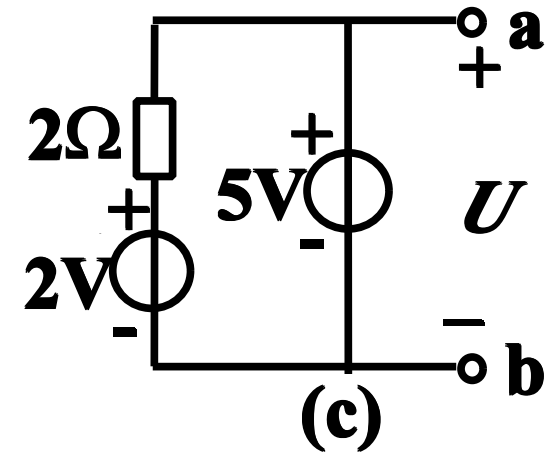
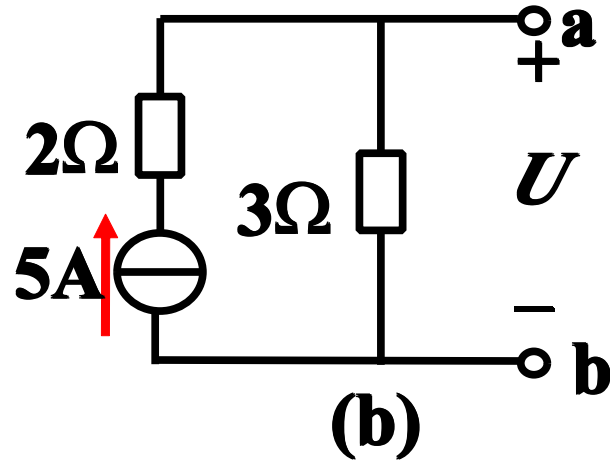
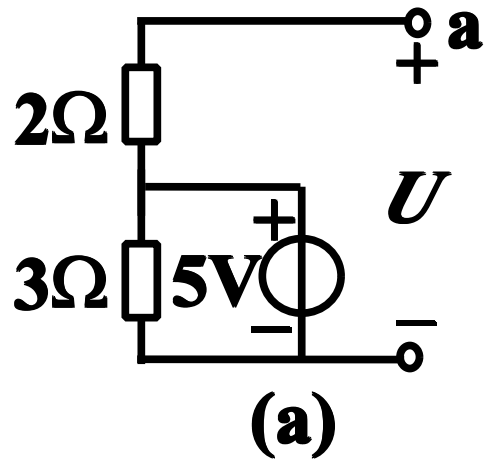
- (1) 电压源和电流源的等效关系只对外电路而言，对电源内部则是不等效的。
- (2) 等效变换时，两电源的参考方向要一一对应。



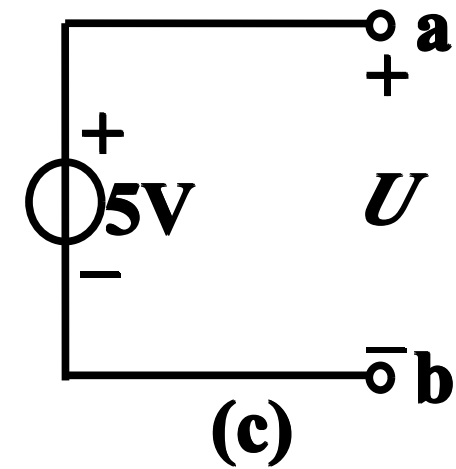
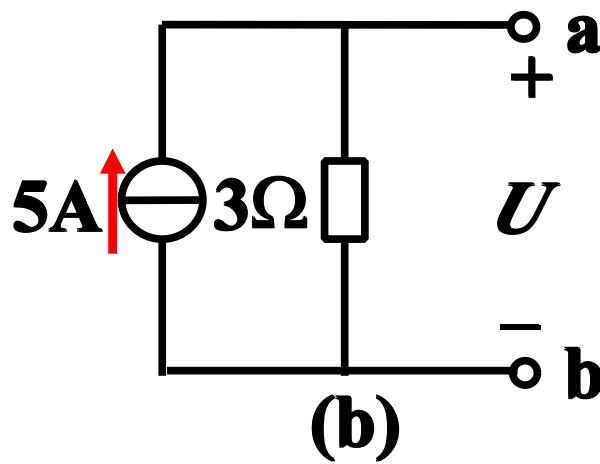
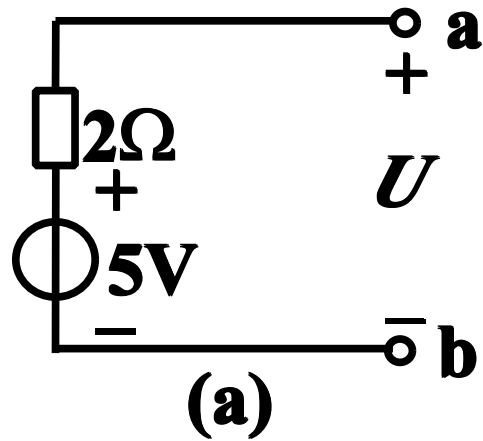
- (3) 理想电压源与理想电流源之间无等效关系。
- (4) 任何一个电动势 E 和某个电阻 R 串联的电路，都可化为一个电流为 I_s 和这个电阻并联的电路。



例1: 求下列各电路的等效电源。

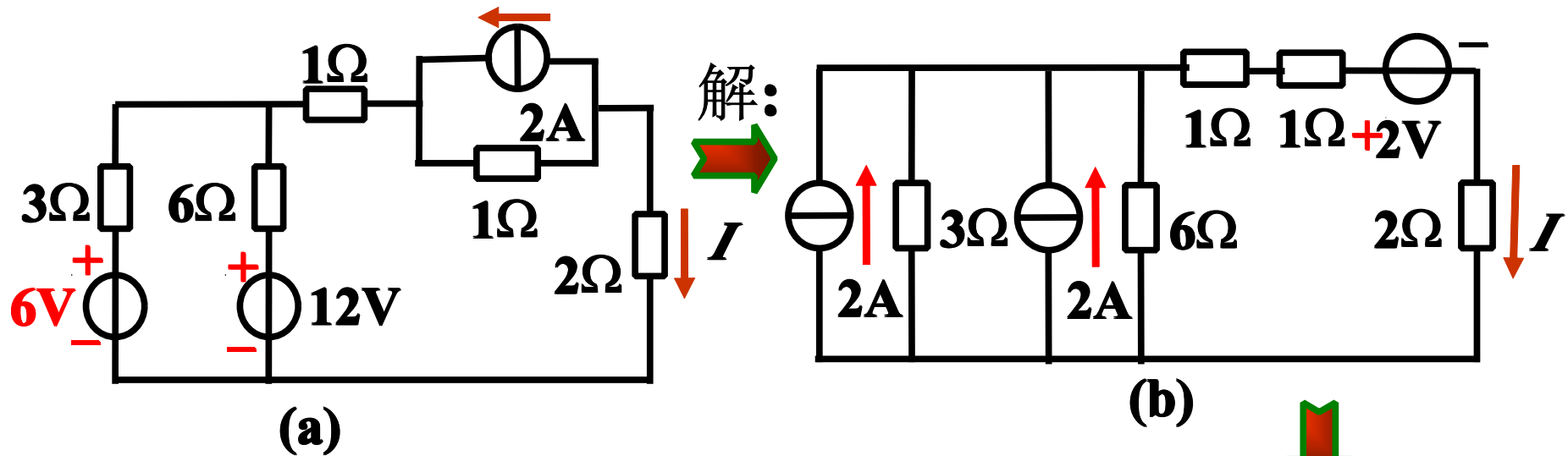


解:



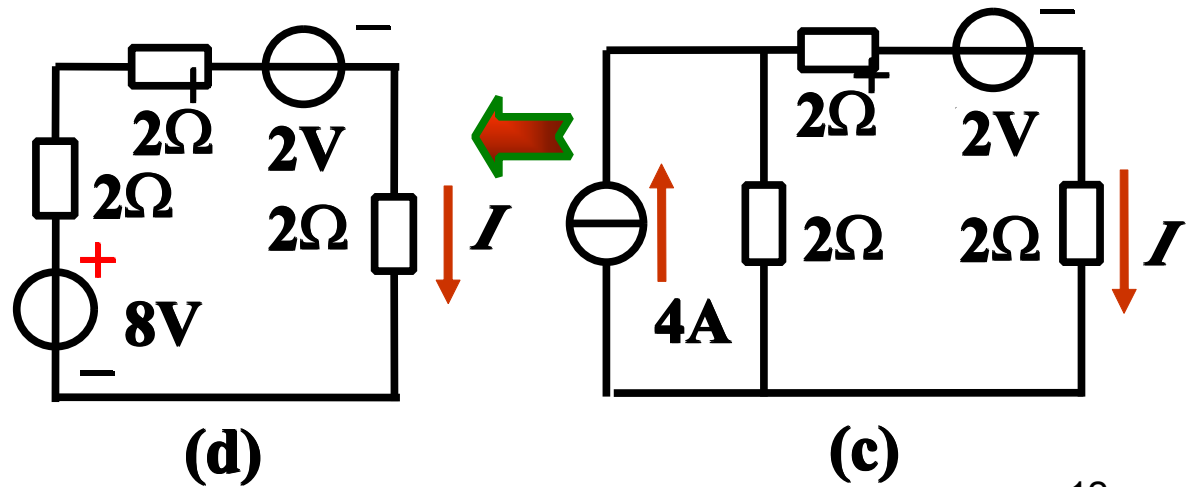


例2: 试用电压源与电流源等效变换的方法计算 2Ω 电阻中的电流。



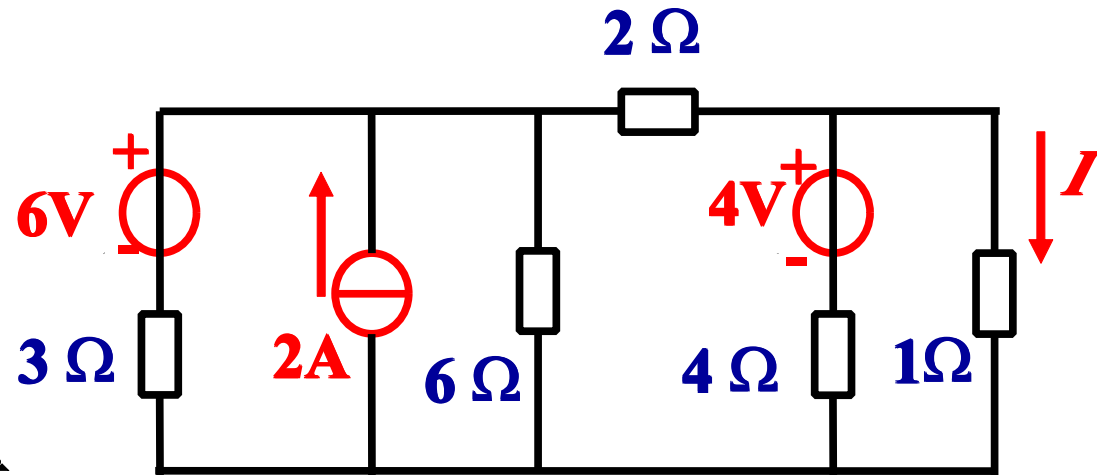
由图(d)可得

$$I = \frac{8 - 2}{2 + 2 + 2} \text{ A} = 1 \text{ A}$$

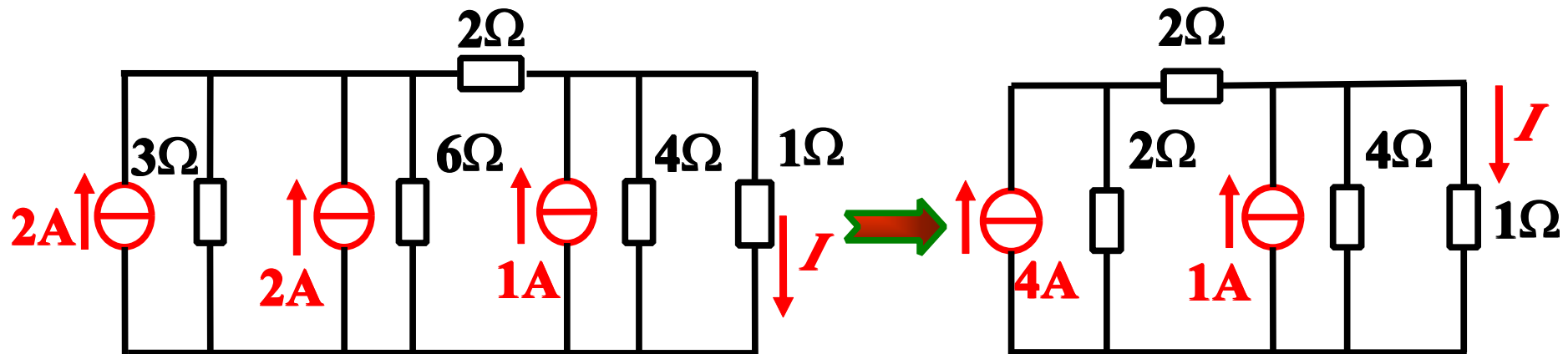




例3：试用电压源与电流源等效变换的方法计算图示电路中 $1\ \Omega$ 电阻中的电流。

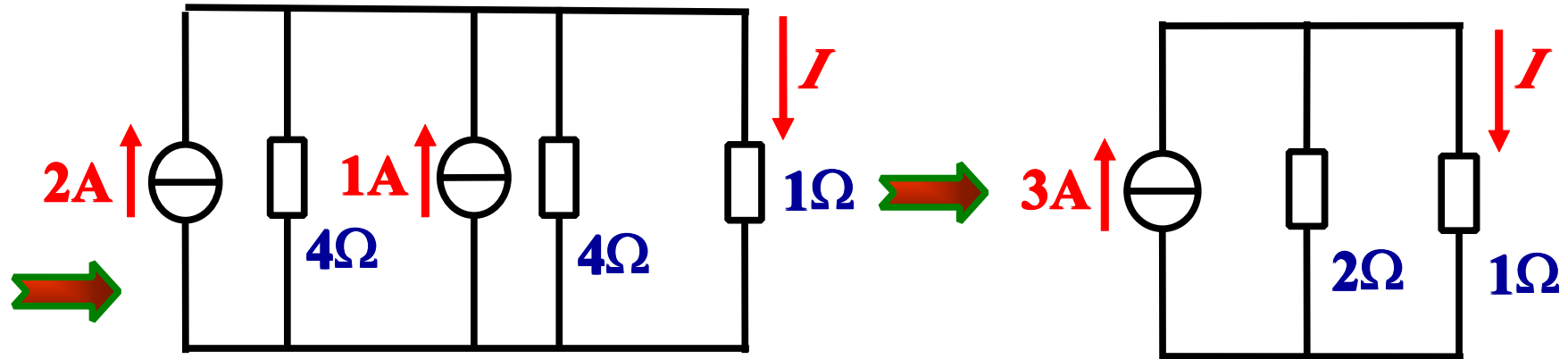
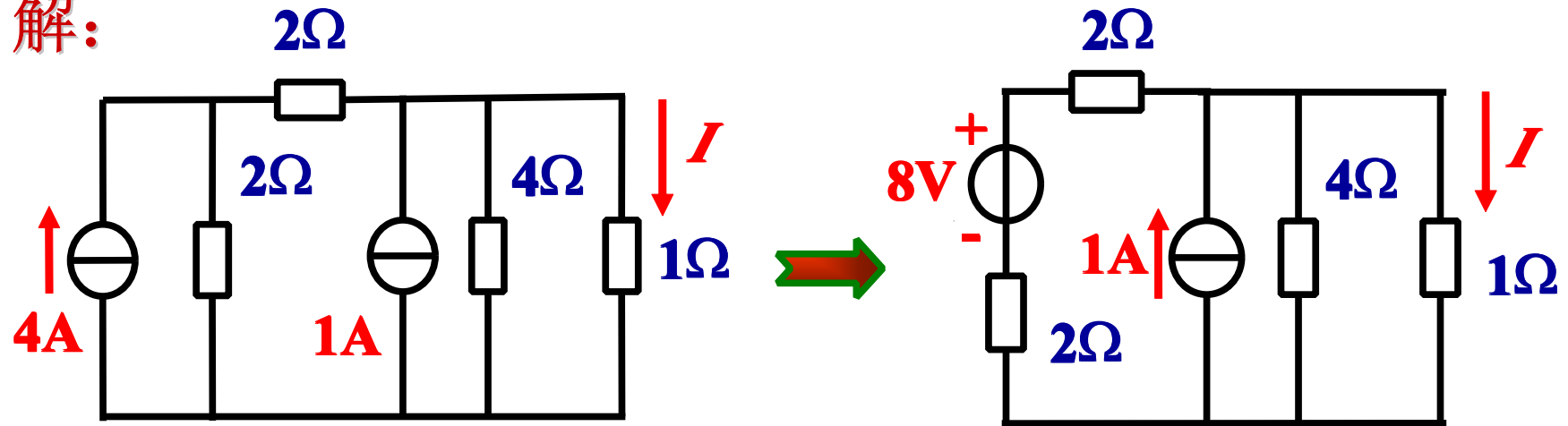


解：统一电源形式



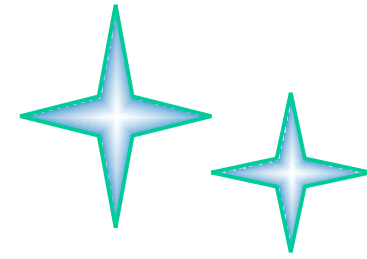


解:



$$I = \frac{2}{2+1} \times 3A = 2A$$

2.3 支路电流法



支路电流法:

以支路电流为未知量、应用基尔霍夫定律（**KCL**、**KVL**）列方程组求解。

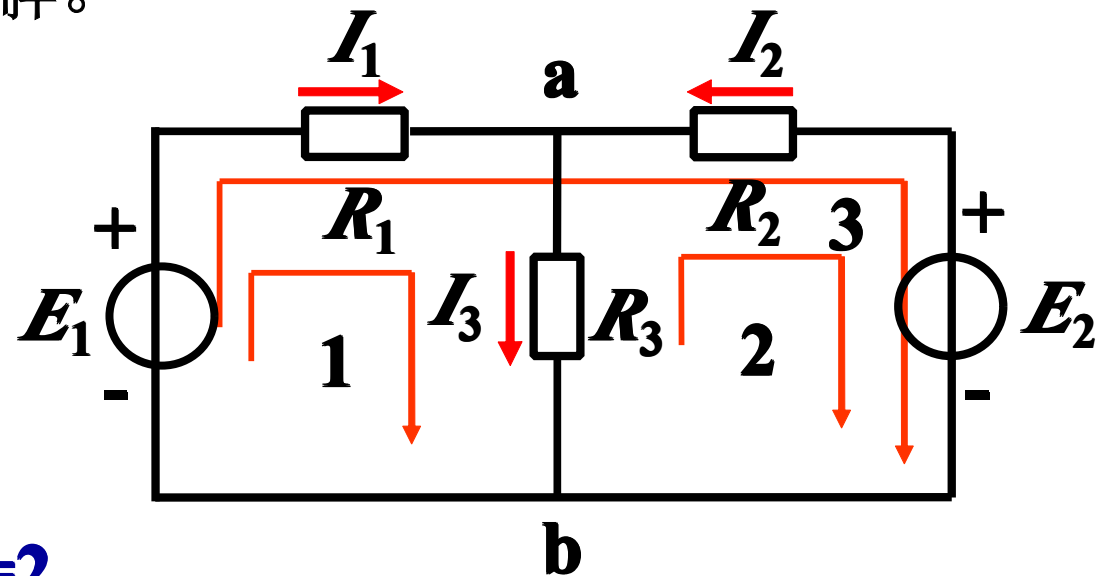
对图示电路

支路数: $b=3$

节点数: $n=2$

回路数 = 3

单孔回路（网孔）= 2

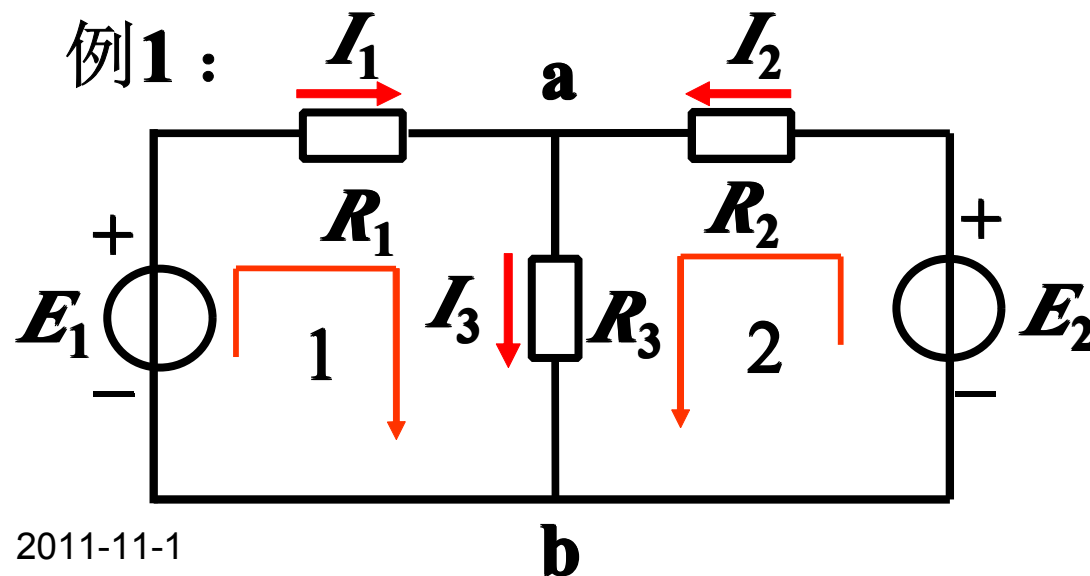


若用支路电流法求各支路电流，应列出三个方程。



支路电流法的解题步骤:

1. 在图中标出各支路电流的参考方向, 对选定的回路标出回路绕行方向。
2. 用 **KCL** 对节点列出 $(n-1)$ 个独立的节点电流方程。
3. 用 **KVL** 对回路列出 $b-(n-1)$ 个独立的回路电压方程(通常可取网孔列出)。
4. 联立求解 b 个方程, 求出各支路电流。



对节点 **a**:

$$I_1 + I_2 - I_3 = 0$$

对网孔**1**:

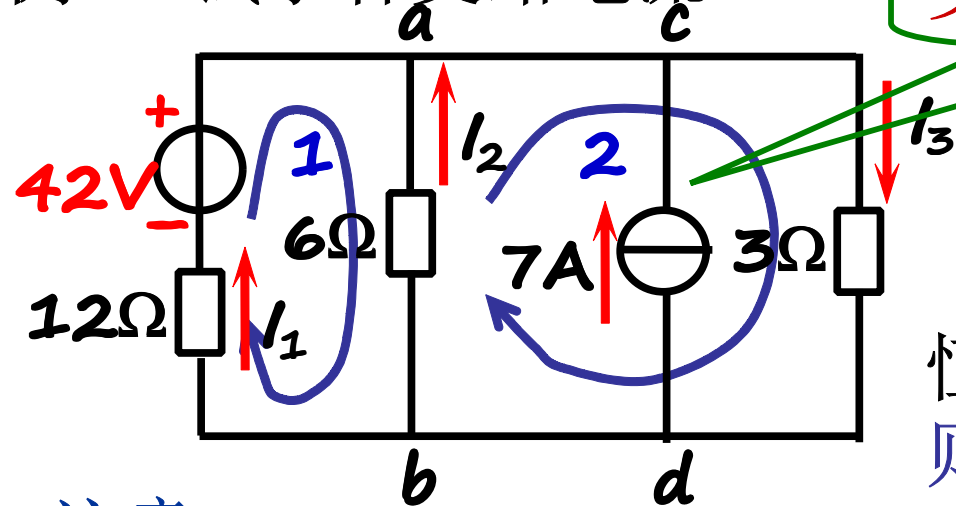
$$I_1 R_1 + I_3 R_3 = E_1$$

对网孔**2**:

$$I_2 R_2 + I_3 R_3 = E_2$$



例2: 试求各支路电流。



支路中含有恒流源

支路数 $b=4$, 能否只列
3个方程? 可以。

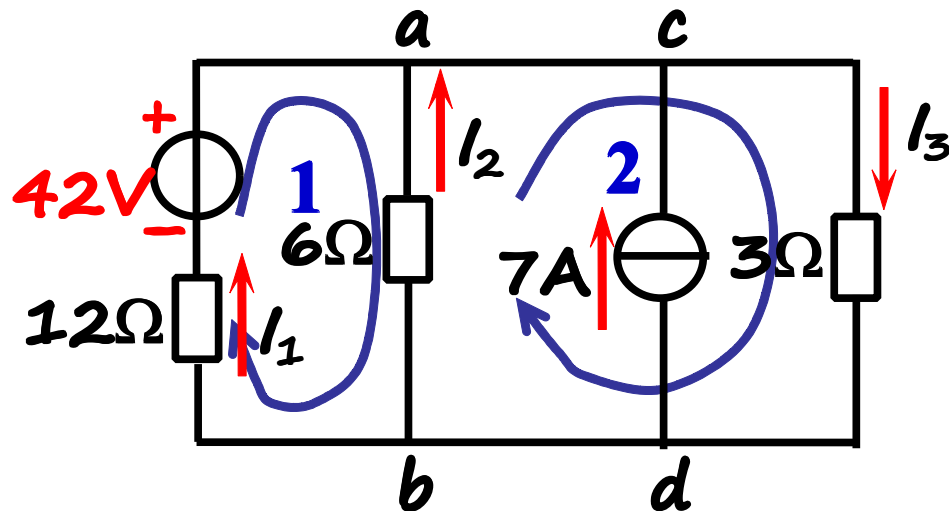
恒流源支路的电流已知,
则未知电流只有3个。

注意:

(1) 当支路中含有恒流源时, 若在列**KVL**方程时, 所选回路中不包含恒流源支路, 这时, 电路中有几条支路含有恒流源, 则可少列几个**KVL**方程。

(2) 若所选回路中包含恒流源支路, 则因恒流源两端的电压未知, 所以, 有一个恒流源就出现一个未知电压, 因此, 在此种情况下不可少列**KVL**方程。

例2：试求各支路电流。



支路中含有恒流源。

(1) 应用KCL列节点电流方程

对节点 **a**: $I_1 + I_2 - I_3 = -7$

(2) 应用KVL列回路电压方程

对回路**1**: $12I_1 - 6I_2 = 42$

对回路**2**: $6I_2 + 3I_3 = 0$

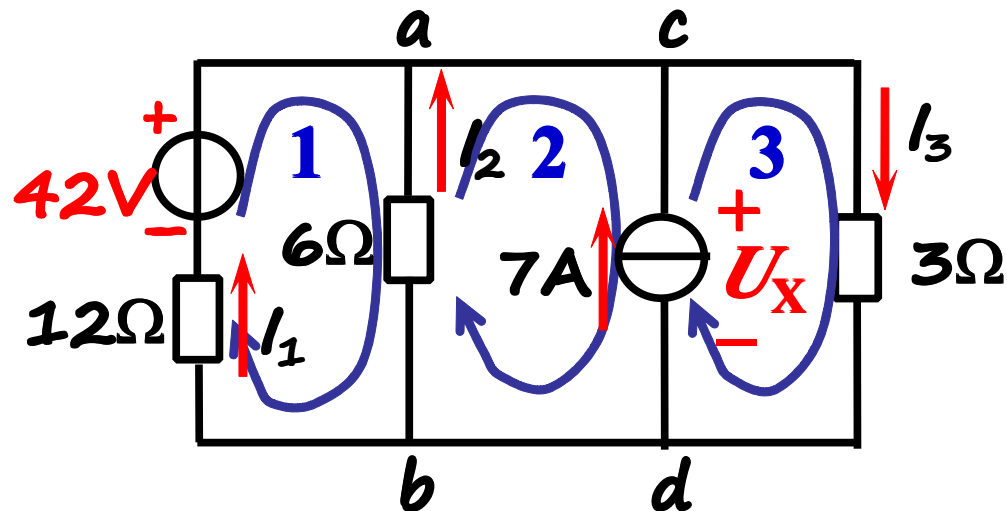
(3) 联立解得: $I_1 = 2A$, $I_2 = -3A$, $I_3 = 6A$

支路数 $b=4$ ，但恒流源支路的电流已知，则未知电流只有**3**个，所以可只列**3**个方程。

当不需求 **a**、**c** 和 **b**、**d** 间的电流时，**(a、c)****(b、d)** 可分别看成一个节点。

因所选回路不包含恒流源支路，所以，**3**个网孔列**2**个**KVL**方程即可。

例2：试求各支路电流。



支路数 $b=4$ ，且恒流源支路的电流已知。
选网孔为独立回路。

(1) 应用KCL列节点电流方程

对节点 **a**: $I_1 + I_2 - I_3 = -7$

(2) 应用KVL列回路电压方程

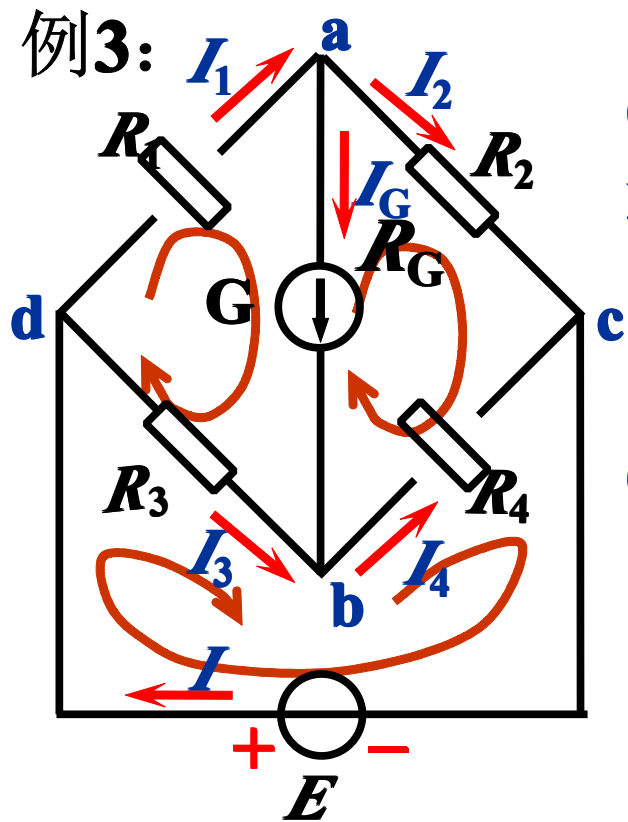
对回路**1**: $12I_1 - 6I_2 = 42$

对回路**2**: $6I_2 + U_x = 0$

对回路**3**: $-U_x + 3I_3 = 0$

(3) 联立解得: $I_1 = 2A$, $I_2 = -3A$, $I_3 = 6A$

因所选回路中包含恒流源支路，而恒流源两端的电压未知，所以要设一个未知量。



(1) 应用KCL列($n-1$)个节点电流方程
对节点 **a**: $I_1 - I_2 - I_G = 0$

对节点 **b**: $I_3 - I_4 + I_G = 0$

对节点 **c**: $I_2 + I_4 - I = 0$

(2) 应用KVL选网孔列回路电压方程

对网孔**abda**: $I_G R_G - I_3 R_3 + I_1 R_1 = 0$

对网孔**acba**: $I_2 R_2 - I_4 R_4 - I_G R_G = 0$

对网孔**bcdb**: $I_4 R_4 + I_3 R_3 = E$

(3) 联立解出 I_G

试求检流计
中的电流 I_G 。

因支路数 $b=6$,
所以要列**6**个方程。

支路电流法是电路分析中最基本的方法之一，但当支路数较多时，所需方程的个数较多，求解不方便。



2.4 节点电压法

节点电压的概念:

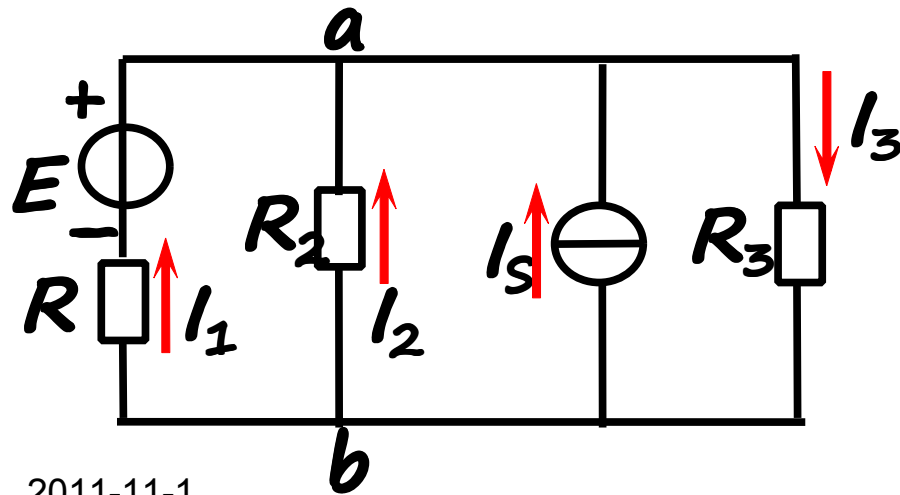
节点对参考点的电压, 称为节点电压。

节点电压的参考方向从节点指向参考节点。

节点电压法: 以节点电压为变量, 根据**KCL**列方程求解的方法。

在求出节点电压后, 便可求各支路的电流或电压。

节点电压法适用于支路数较多, 节点数较少的电路。



图示电路中只含有两个节点, 若设 **b** 为参考节点, 则电路中只有一个未知的节点电压。

只有一个独立节点电压方程的推导

设: $V_b = 0 \text{ V}$

节点电压为 U , 参考方向从 **a** 指向 **b**。

1. 用KCL对节点 **a** 列方程

$$I_1 + I_2 - I_3 - I_4 = 0$$

2. 应用欧姆定律求各支路电流

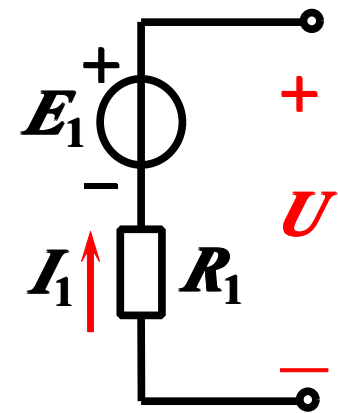
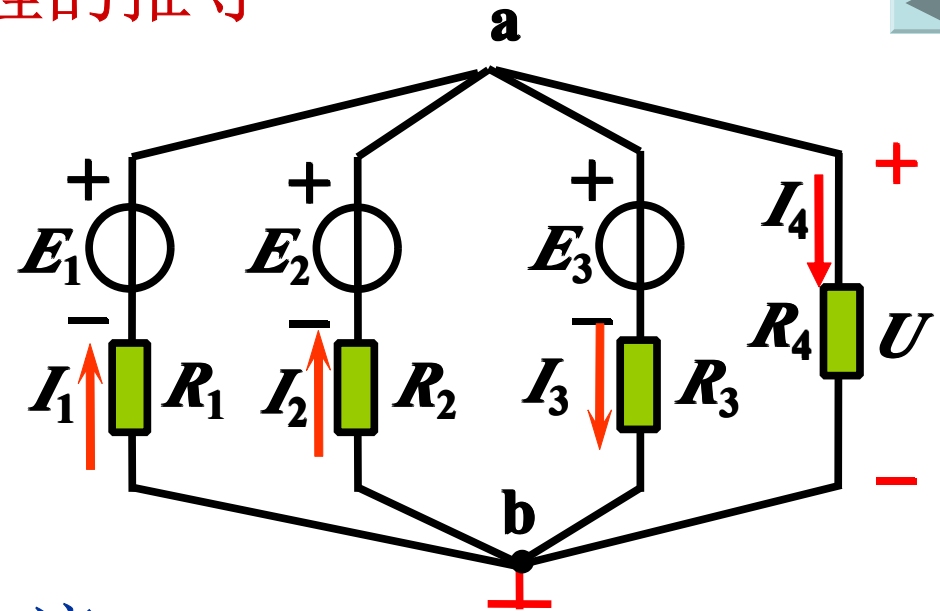
$$I_2 = \frac{E_2 - U}{R_2}$$

因为 $U = E_1 - I_1 R_1$

$$I_3 = \frac{-E_3 + U}{R_3}$$

$$I_4 = \frac{U}{R_4}$$

所以 $I_1 = \frac{E_1 - U}{R_1}$





将各电流代入**KCL**方程则有

$$\frac{E_1 - U}{R_1} + \frac{E_2 - U}{R_2} - \frac{-E_3 + U}{R_3} - \frac{U}{R_4} = 0 \quad \text{整理得}$$

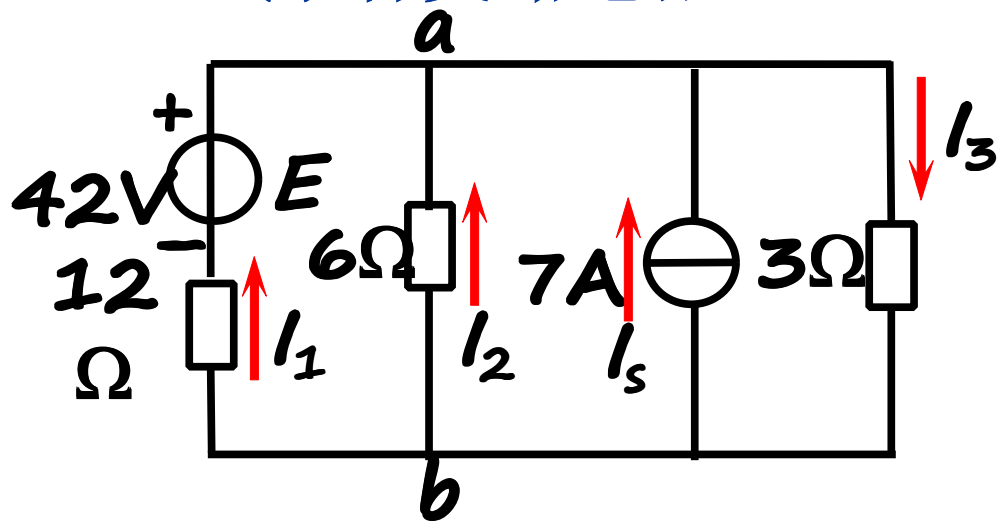
$$U = \frac{\frac{E_1}{R_1} + \frac{E_2}{R_2} + \frac{E_3}{R_3}}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4}} \quad \begin{array}{l} \text{即节点电} \\ \text{压公式} \end{array} \quad U = \frac{\sum \frac{E}{R}}{\sum \frac{1}{R}}$$

注意：(1) 上式仅适用于一个独立节点的电路。

(2) 分母是各支路电导之和, 恒为正值; 分子中各项可以为正, 也可以为负。

(3) 当电动势 E 与节点电压的参考方向相反时取正号, 相同时则取负号, 而与各支路电流的参考方向无关。

例1: 试求各支路电流。



(2) 应用欧姆定律求各电流

$$I_1 = \frac{42 - U_{ab}}{12} = \frac{42 - 18}{12} \text{ A} = 2 \text{ A}$$

$$I_2 = -\frac{U_{ab}}{6} = -\frac{18}{6} \text{ A} = -3 \text{ A}$$

$$I_3 = \frac{U_{ab}}{3} = \frac{18}{3} = 6 \text{ A}$$

解: (1) 求节点电压 U_{ab}

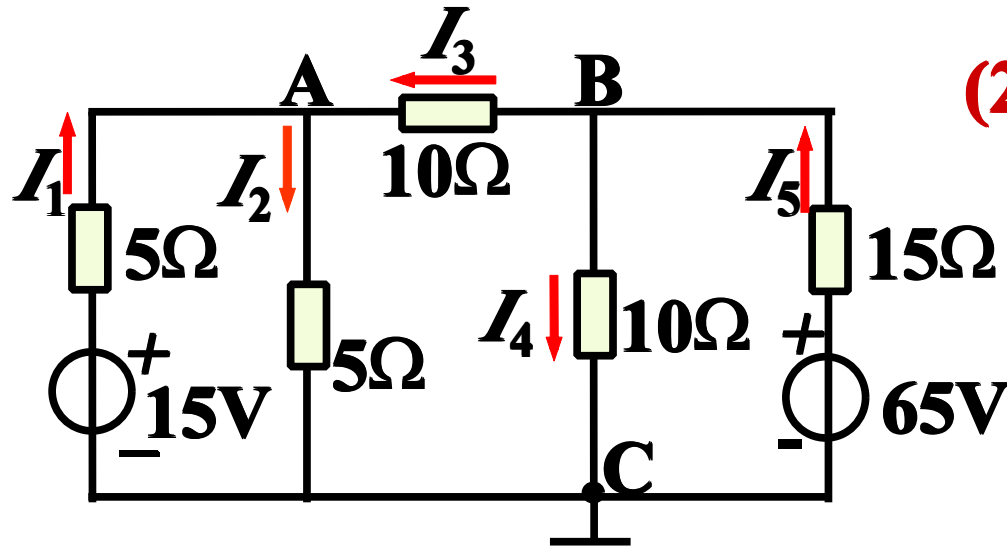
电路中有一条支路是理想电流源, 故节点电压的公式要改为

$$U_{ab} = \frac{\frac{E}{R} + I_S}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}}$$

I_S 与 U_{ab} 的参考方向相反取正号, 反之取负号。

$$\therefore U_{ab} = \frac{\frac{42}{12} + 7}{\frac{1}{12} + \frac{1}{6} + \frac{1}{3}} \text{ V} = 18 \text{ V}$$

例2：计算电路中A、B两点的电位。C点为参考点。



(2) 应用欧姆定律求各电流

$$I_1 = \frac{15 - V_A}{5}$$

$$I_2 = \frac{V_A}{5}$$

$$I_3 = \frac{V_B - V_A}{10}$$

$$I_4 = \frac{V_B}{10}$$

$$I_5 = \frac{65 - V_B}{15}$$

解：(1) 应用KCL对节点A和B列方程

$$\begin{cases} I_1 - I_2 + I_3 = 0 \\ I_5 - I_3 - I_4 = 0 \end{cases}$$

(3) 将各电流代入KCL方程，整理后得

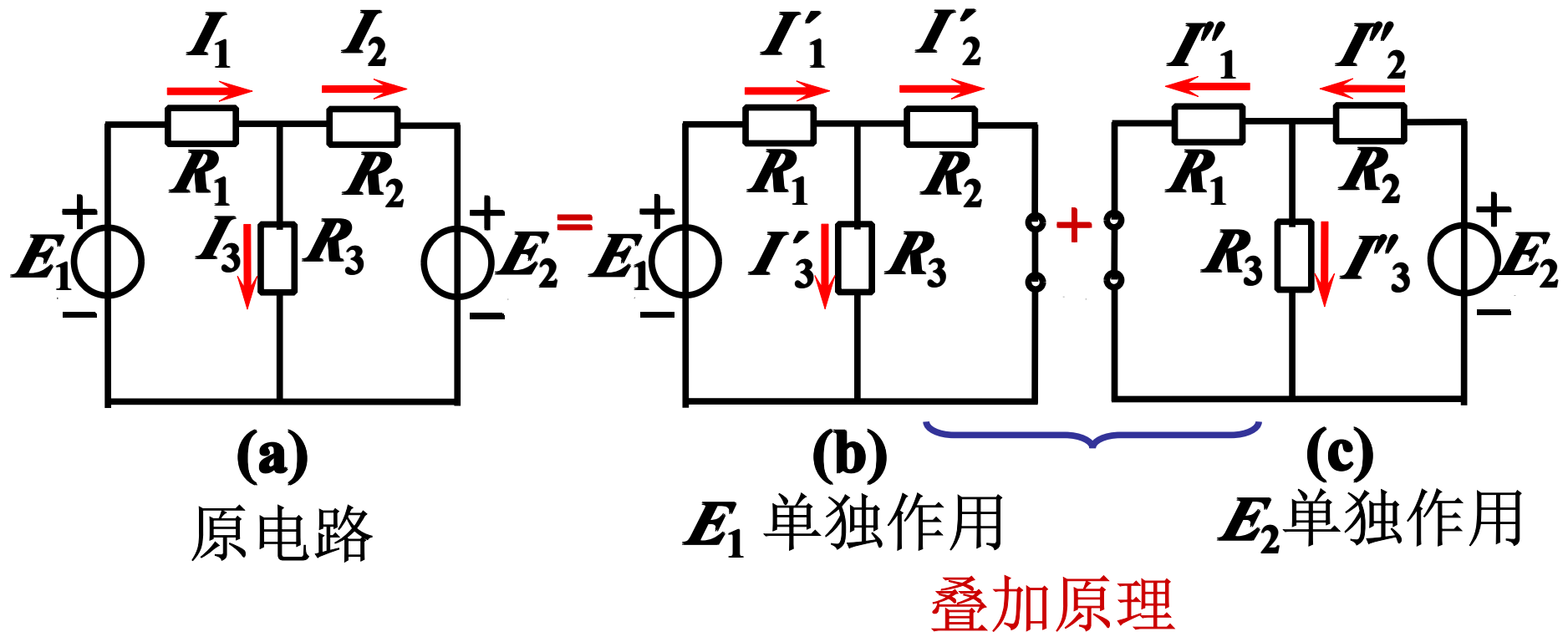
$$\begin{cases} 5V_A - V_B = 30 \\ -3V_A + 8V_B = 130 \end{cases}$$

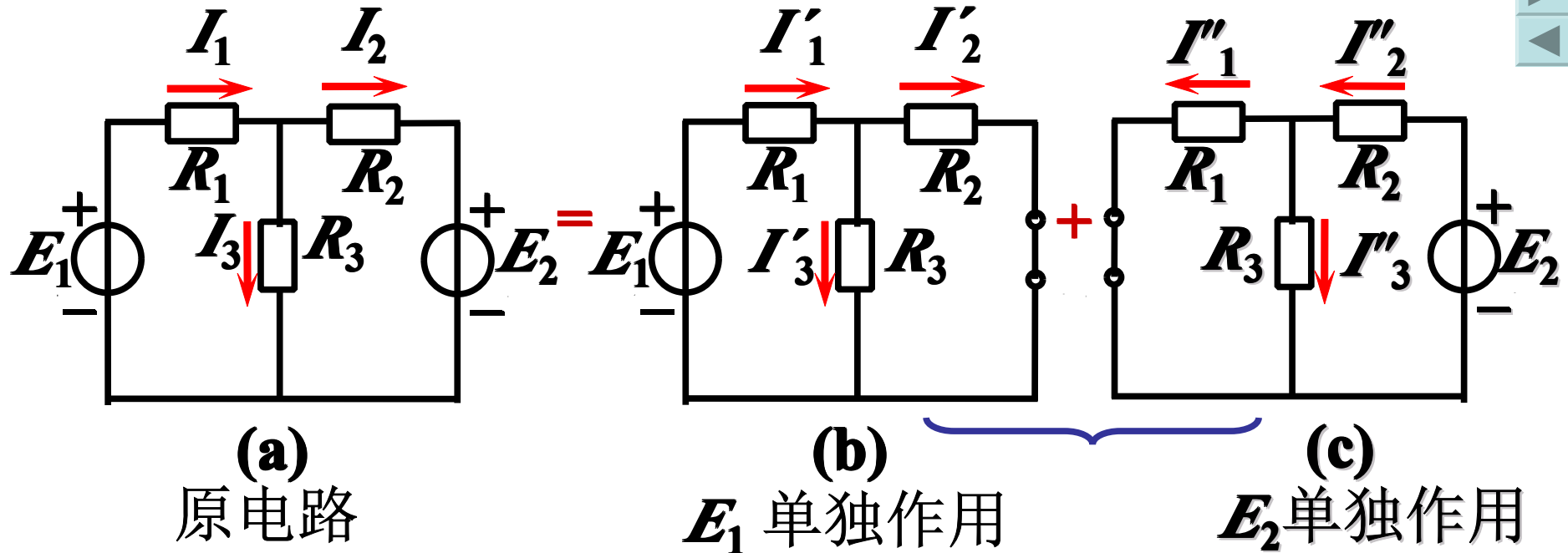
解得： $V_A = 10V$
 $V_B = 20V$



2.5 叠加原理

定义：对于**线性电路**，任何一条支路的电流，都可以看成是由电路中各个电源（电压源或电流源）分别单独作用时，在此支路中所产生的电流的代数和。



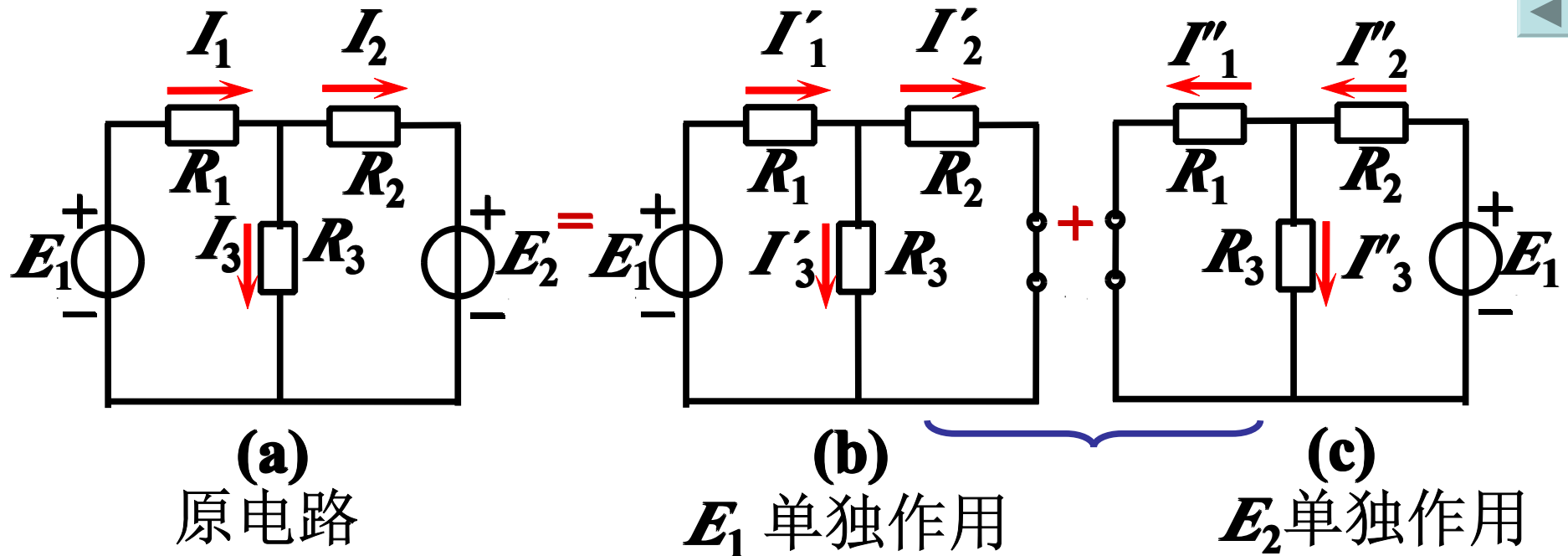


E_1 单独作用时 (b)图

$$I'_1 = \frac{E_1}{R_1 + R_2 // R_3} = \frac{R_2 + R_3}{R_1 R_2 + R_2 R_3 + R_3 R_1} E_1$$

E_2 单独作用时 (c)图

$$I''_1 = \frac{R_3}{R_1 + R_3} \times \frac{E_2}{R_2 + R_1 // R_3} = \frac{R_3}{R_1 R_2 + R_2 R_3 + R_3 R_1} E_2$$



$$I_1 = \left(\frac{R_2 + R_3}{R_1 R_2 + R_2 R_3 + R_3 R_1} \right) E_1 - \left(\frac{R_3}{R_1 R_2 + R_2 R_3 + R_3 R_1} \right) E_2$$

同理:

$$I_2 = I'_2 - I''_2$$
$$I_3 = I'_3 + I''_3$$

注意事项:

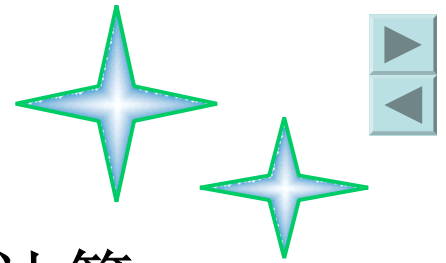
- ① 叠加原理只适用于线性电路。
- ② 线性电路的电流或电压均可用叠加原理计算，但功率 P 不能用叠加原理计算。例：

$$P_1 = I_1^2 R_1 = (I_1' + I_1'')^2 R_1 \neq I_1'^2 R_1 + I_1''^2 R_1$$

- ③ 不作用电源的处理：将不作用的电源置零，即 $E=0$ ，即将电压源处短路； $I_s=0$ ，即将电流源处开路。

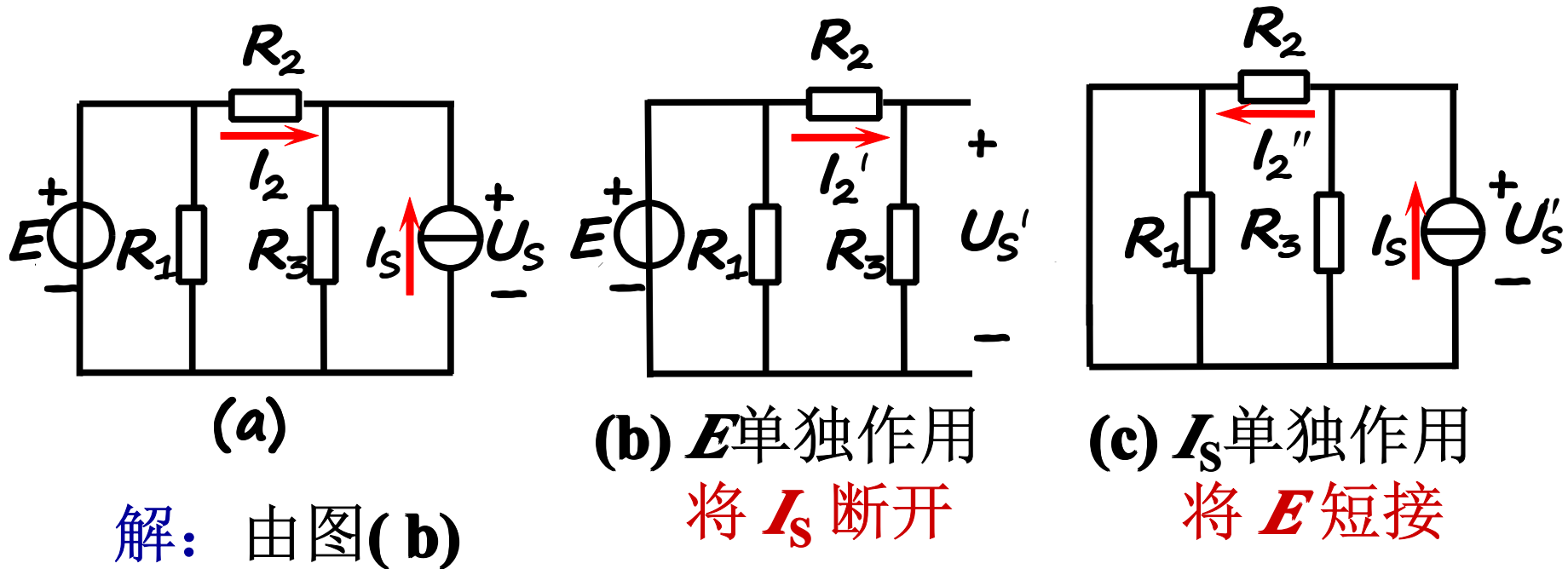
- ④ 解题时要标明各支路电流、电压的参考方向。若分电流、分电压与原电路中电流、电压的参考方向相反时，叠加时相应项前要带负号。

- ⑤ 应用叠加原理时可把电源分组求解，即每个分电路中的电源个数可以多于一个。





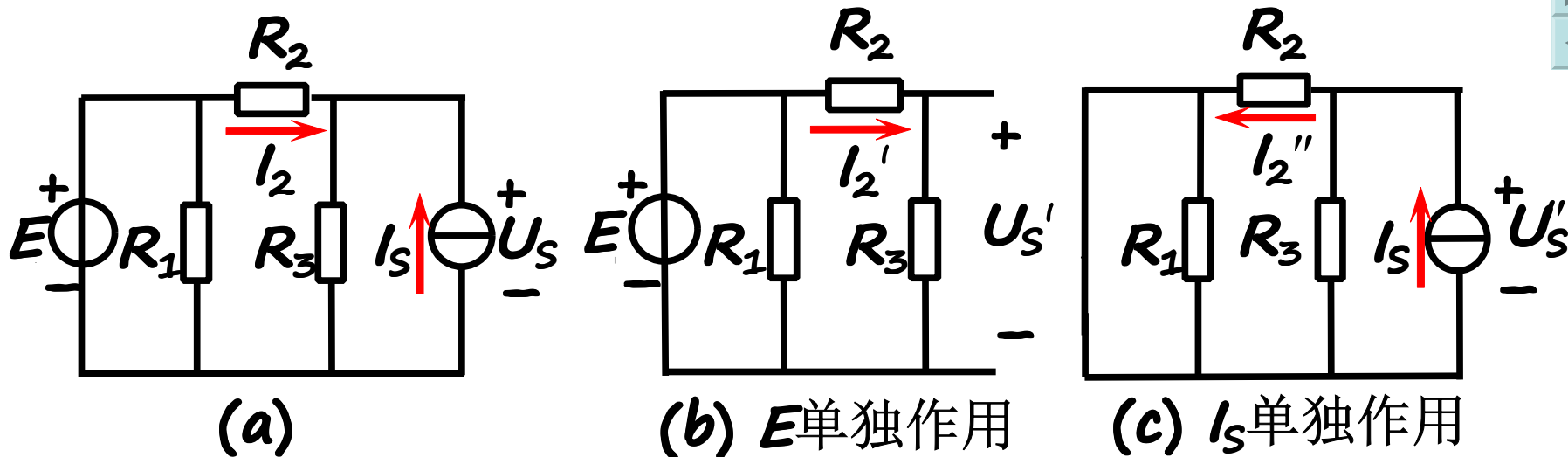
例1: 电路如图, 已知 $E=10\text{V}$ 、 $I_S=1\text{A}$, $R_1=10\Omega$, $R_2=R_3=5\Omega$, 试用叠加原理求流过 R_2 的电流 I_2 和理想电流源 I_S 两端的电压 U_S 。



解: 由图(b)

$$I_2' = \frac{E}{R_2 + R_3} = \frac{10}{5+5} \text{A} = 1\text{A}$$

$$U_S' = I_2' R_2 = 1 \times 5\text{V} = 5\text{V}$$

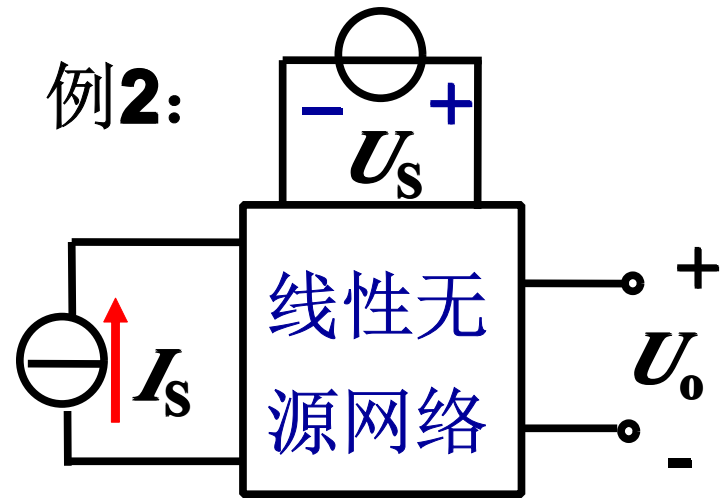


由图(c)
$$I_2'' = \frac{R_3}{R_2 + R_3} I_S = \frac{5}{5 + 5} \times 1 = 0.5 \text{ A}$$

$$U_S'' = I_2'' R_2 = 0.5 \times 5 \text{ V} = 2.5 \text{ V}$$

所以
$$I_2 = I_2' - I_2'' = 1 \text{ A} - 0.5 \text{ A} = 0.5 \text{ A}$$

$$U_S = U_S' + U_S'' = 5 \text{ V} + 2.5 \text{ V} = 7.5 \text{ V}$$



已知:

$$U_S = 1\text{V}、I_S = 1\text{A} \text{ 时, } U_0 = 0\text{V}$$

$$U_S = 10\text{V}、I_S = 0\text{A} \text{ 时, } U_0 = 1\text{V}$$

求:

$$U_S = 0\text{V}、I_S = 10\text{A} \text{ 时, } U_0 = ?$$

解: 电路中有两个电源作用, 根据叠加原理可设

$$U_0 = K_1 U_S + K_2 I_S$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{当 } U_S = 1\text{V}、I_S = 1\text{A} \text{ 时, 得 } 0 = K_1 \times 1 + K_2 \times 1 \\ \text{当 } U_S = 10\text{V}、I_S = 0\text{A} \text{ 时, 得 } 1 = K_1 \times 10 + K_2 \times 0 \end{array} \right\}$$

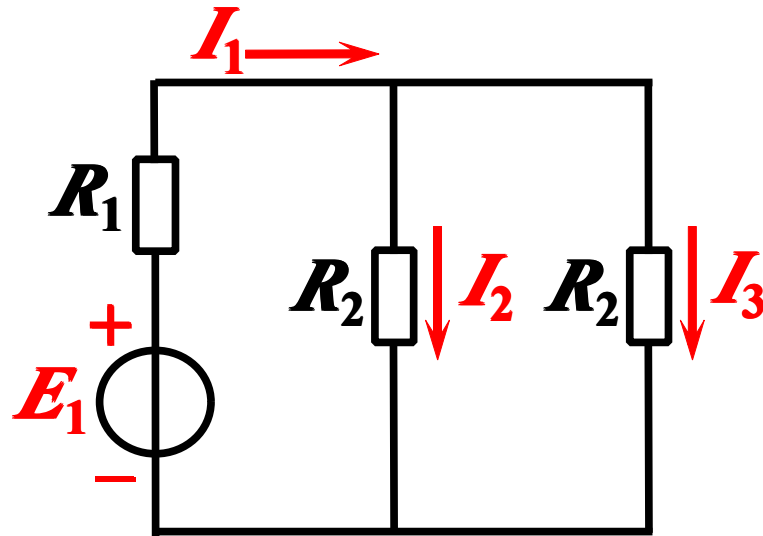
联立两式解得: $K_1 = 0.1$ 、 $K_2 = -0.1$

$$\begin{aligned} \text{所以 } U_0 &= K_1 U_S + K_2 I_S \\ &= 0.1 \times 0 + (-0.1) \times 10 = -1\text{V} \end{aligned}$$



齐性定理

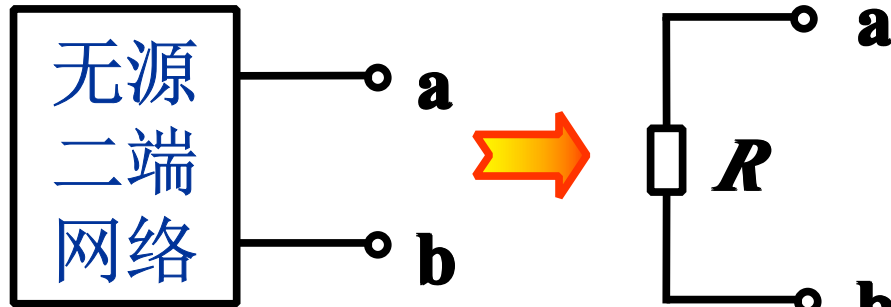
在线性电路中，若电路中所有的激励都增加或减少 k 倍，电路的响应也增加或减少 k 倍；如图：各支路的电压或电流和电源成正比。



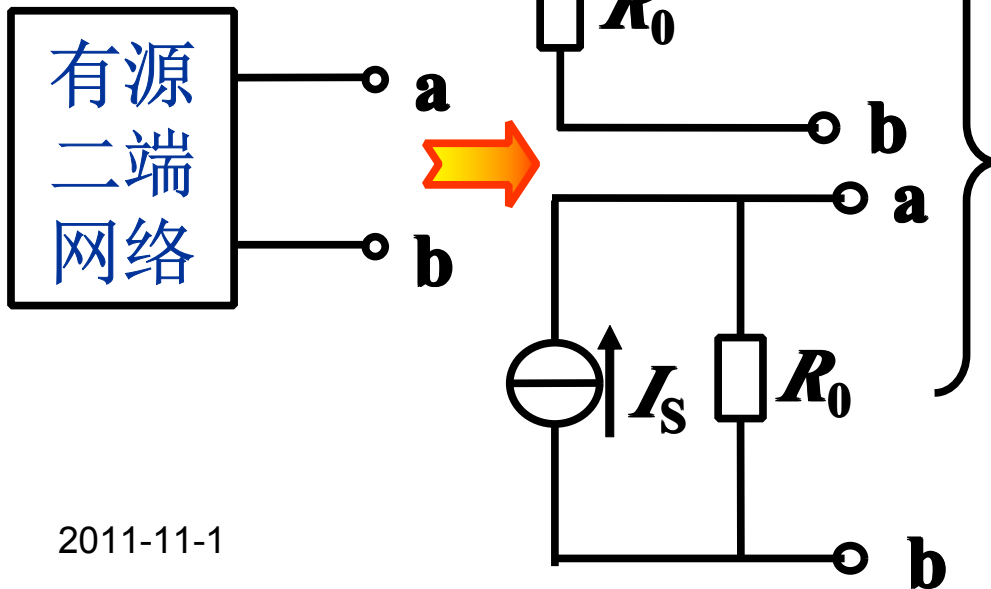
可见：

若 E_1 增加 n 倍，各电流也会增加 n 倍。

2.6 等效电源定理



无源二端网络可
化简为一个电阻



电压源
(戴维南定理)

有源二端网络可
化简为一个电源

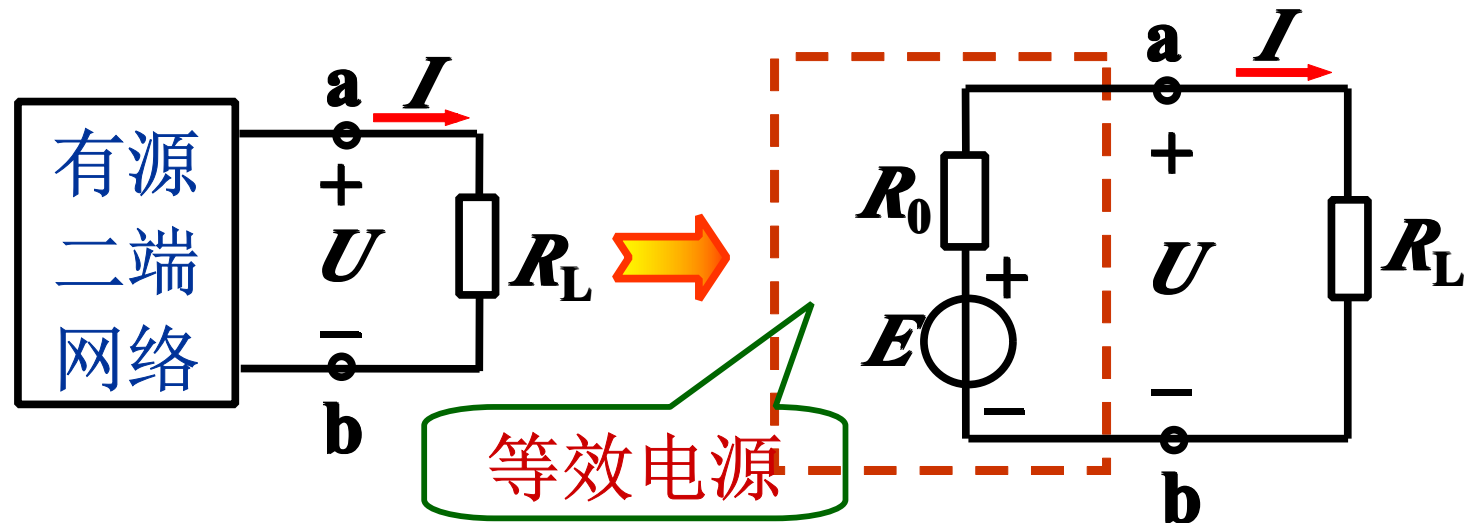
电流源
(诺顿定理)

2.6.1 戴维南定理

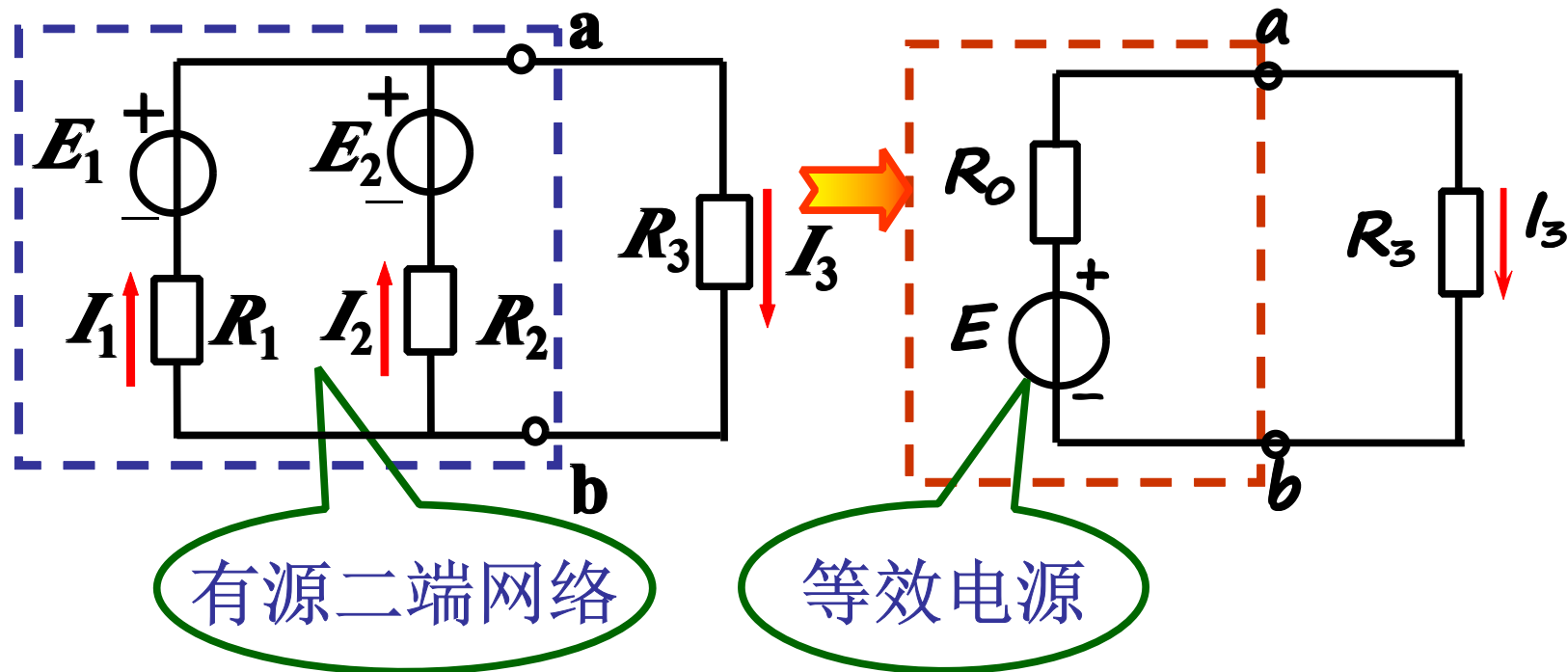
定义：任何一个有源二端线性网络都可以用一个电动势为 E 的理想电压源和内阻 R_0 串联的电源来等效代替。

等效电源的电动势 E 就是有源二端网络的开路电压 U_{oc} ，即将负载断开后 **a、b** 两端之间的电压。

等效电源的内阻 R_0 等于将有源二端网络中所有电源均除去（理想电压源短路，理想电流源开路）后所得到的无源二端网络 **a、b** 两端之间的等效电阻。

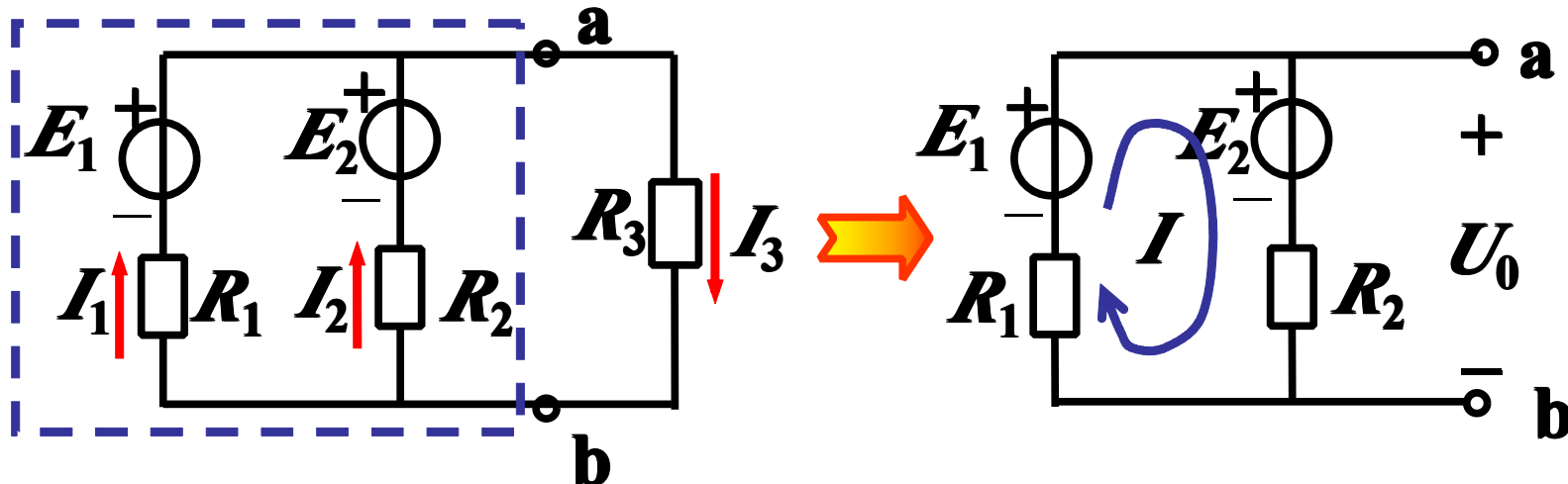


例1: 电路如图, 已知 $E_1=40\text{V}$, $E_2=20\text{V}$, $R_1=R_2=4\Omega$, $R_3=13\Omega$, 试用戴维南定理求电流 I_3 。



注意: “等效”是指对端口外等效
即用等效电源替代原来的二端网络后, 待求支路的电压、电流不变。

例1: 电路如图, 已知 $E_1=40\text{V}$, $E_2=20\text{V}$, $R_1=R_2=4\Omega$, $R_3=13\Omega$, 试用戴维南定理求电流 I_3 。



解: (1) 断开待求支路求等效电源的电动势 E

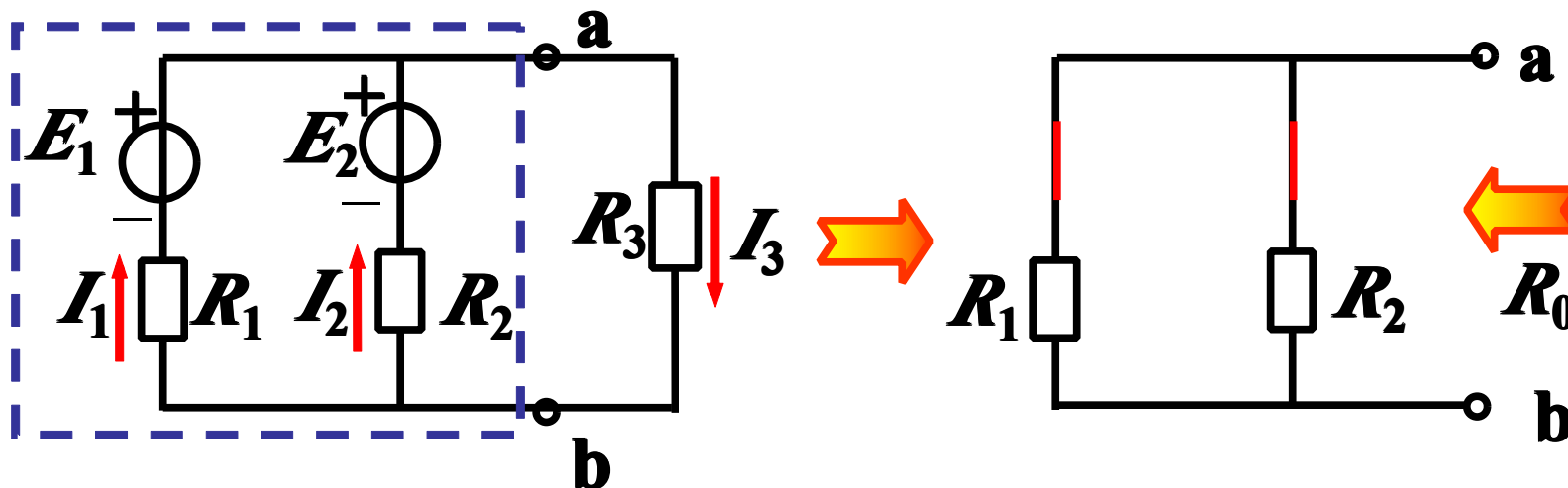
$$I = \frac{E_1 - E_2}{R_1 + R_2} = \frac{40 - 20}{4 + 4} \text{ A} = 2.5 \text{ A}$$

$$E = U_0 = E_2 + IR_2 = 20\text{V} + 2.5 \times 4 \text{ V} = 30\text{V}$$

$$\text{或: } E = U_0 = E_1 - IR_1 = 40\text{V} - 2.5 \times 4 \text{ V} = 30\text{V}$$

E 也可用节点电压法、叠加原理等其它方法求。

例1: 电路如图, 已知 $E_1=40\text{V}$, $E_2=20\text{V}$, $R_1=R_2=4\Omega$, $R_3=13\Omega$, 试用戴维南定理求电流 I_3 。



解: (2) 求等效电源的内阻 R_0

除去所有电源(理想电压源短路, 理想电流源开路)

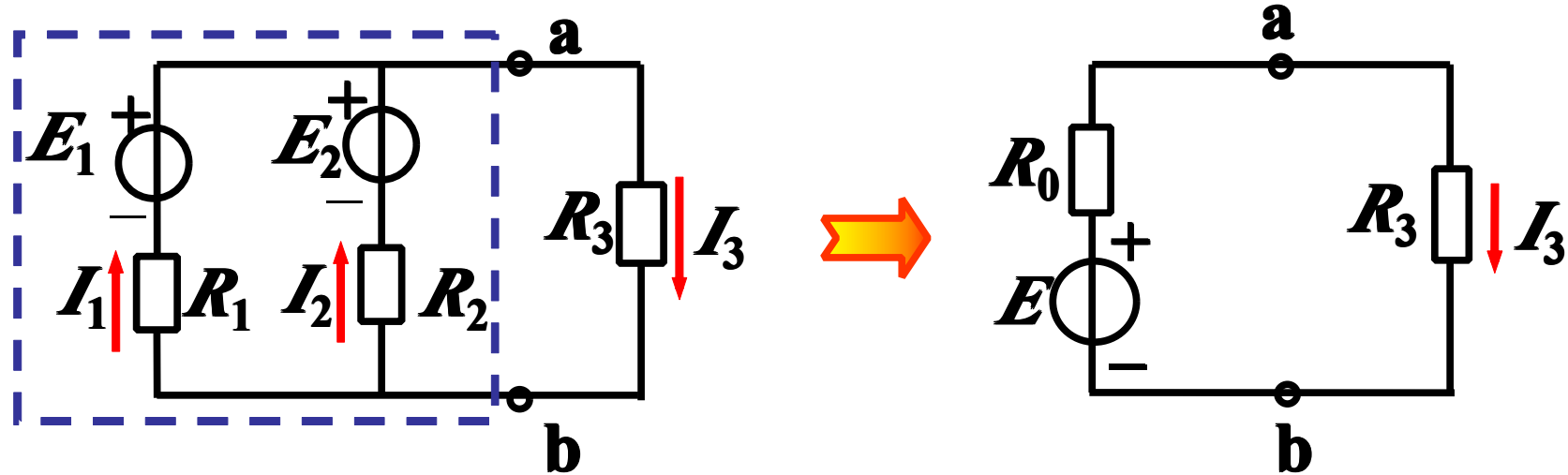
从 **a**、**b** 两端看进去, R_1 和 R_2 并联

$$\text{所以, } R_0 = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2} = 2\Omega$$

实验法求等效电阻

$$R_0 = U_0 / I_{SC}$$

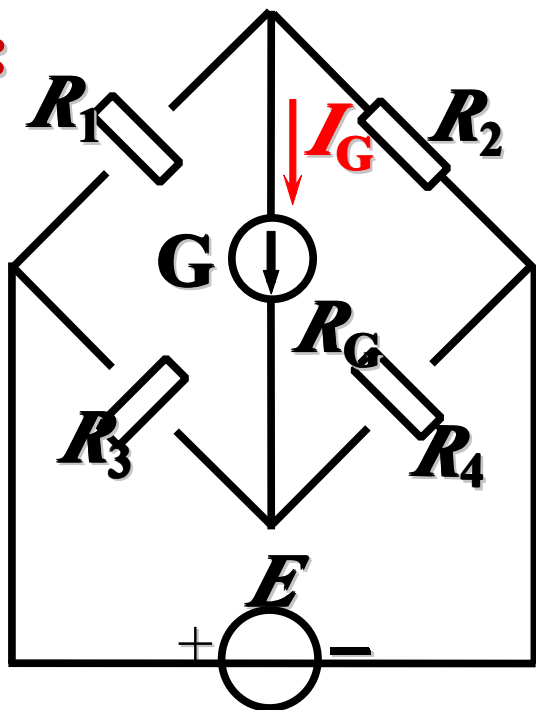
例1: 电路如图, 已知 $E_1=40\text{V}$, $E_2=20\text{V}$, $R_1=R_2=4\Omega$, $R_3=13\Omega$, 试用戴维南定理求电流 I_3 。



解: (3) 画出等效电路求电流 I_3

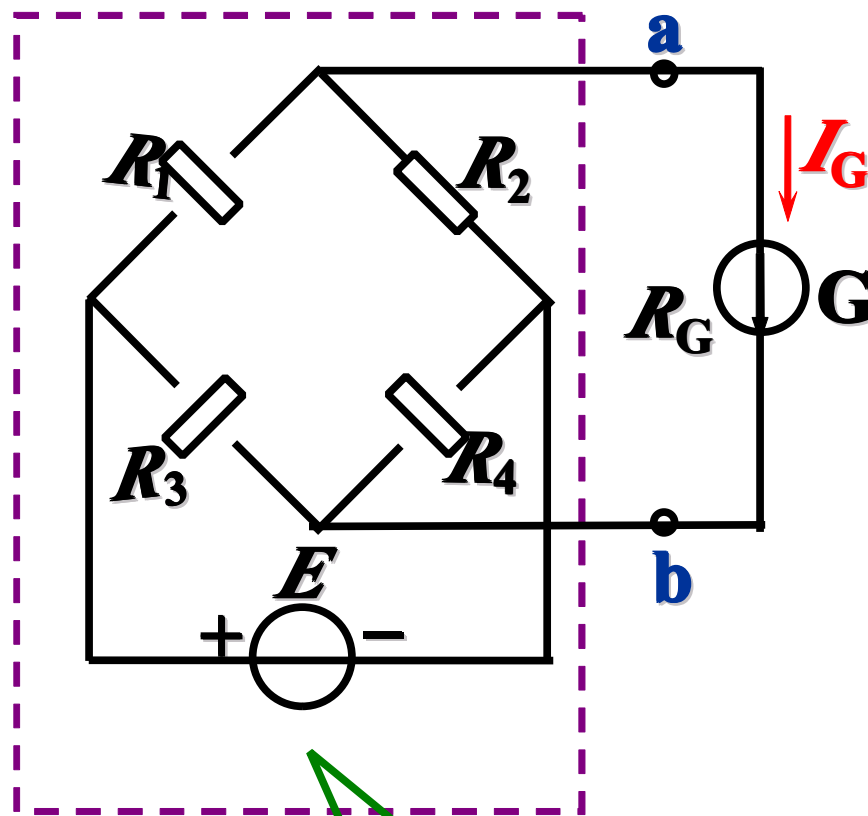
$$I_3 = \frac{E}{R_0 + R_3} = \frac{30}{2 + 13} \text{ A} = 2 \text{ A}$$

例2:



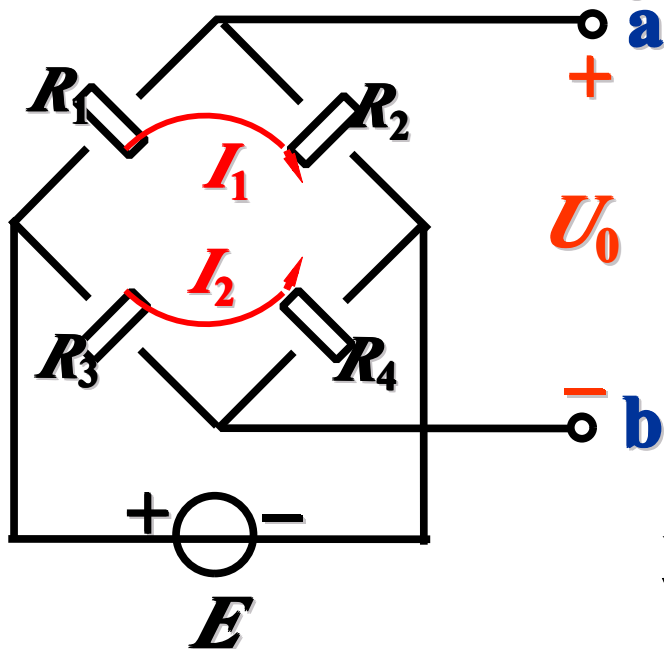
已知: $R_1=5\ \Omega$ 、 $R_2=5\ \Omega$
 $R_3=10\ \Omega$ 、 $R_4=5\ \Omega$
 $E=12\text{V}$ 、 $R_G=10\ \Omega$
试用戴维南定理求检流计中的电流 I_G 。

2011-11-1



有源二端网络

解: (1) 求开路电压 U_0



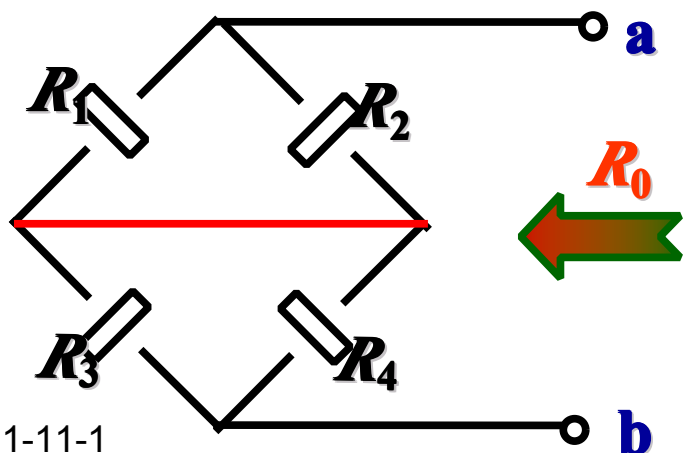
$$I_1 = \frac{E}{R_1 + R_2} = \frac{12}{5+5} \text{ A} = 1.2 \text{ A}$$

$$I_2 = \frac{E}{R_3 + R_4} = \frac{12}{10+5} \text{ A} = 0.8 \text{ A}$$

$$\begin{aligned} E' = U_0 &= I_1 R_2 - I_2 R_4 \\ &= 1.2 \times 5 \text{ V} - 0.8 \times 5 \text{ V} = 2 \text{ V} \end{aligned}$$

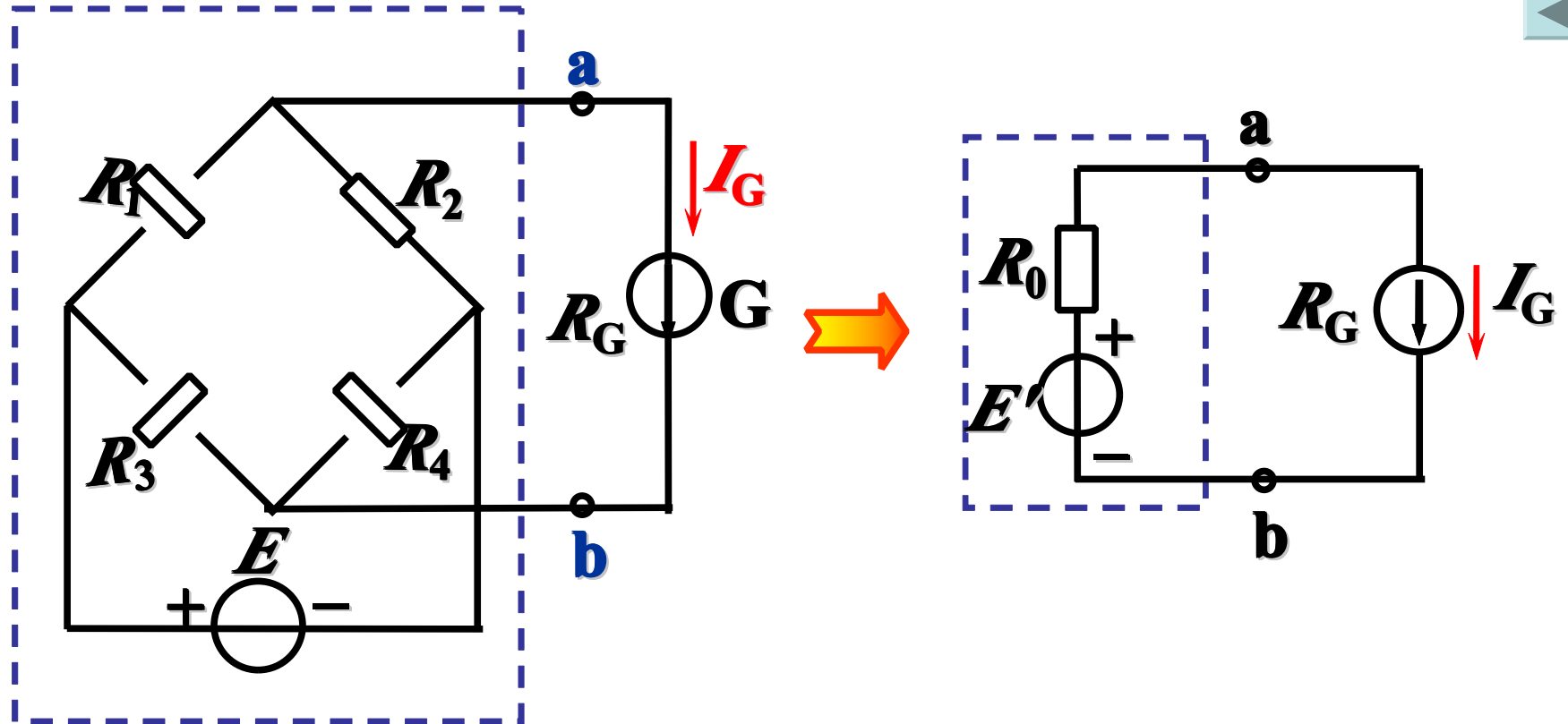
$$\begin{aligned} \text{或: } E' = U_0 &= I_2 R_3 - I_1 R_1 \\ &= (0.8 \times 10 - 1.2 \times 5) \text{ V} = 2 \text{ V} \end{aligned}$$

(2) 求等效电源的内阻 R_0



从 a 、 b 看进去, R_1 和 R_2 并联, R_3 和 R_4 并联, 然后再串联。

$$\begin{aligned} \text{所以, } R_0 &= \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2} + \frac{R_3 \times R_4}{R_3 + R_4} \\ &= 5.8 \Omega \end{aligned}$$



解: (3) 画出等效电路求检流计中的电流 I_G

$$I_G = \frac{E'}{R_0 + R_G} = \frac{2}{5.8 + 10} \text{ A} = 0.126 \text{ A}$$

例3: 求图示电路中的电流 I 。

已知 $R_1 = R_3 = 2\Omega$, $R_2 = 5\Omega$,
 $R_4 = 8\Omega$, $R_5 = 14\Omega$, $E_1 = 8V$,
 $E_2 = 5V$, $I_S = 3A$ 。

解: (1) 求 U_{OC}

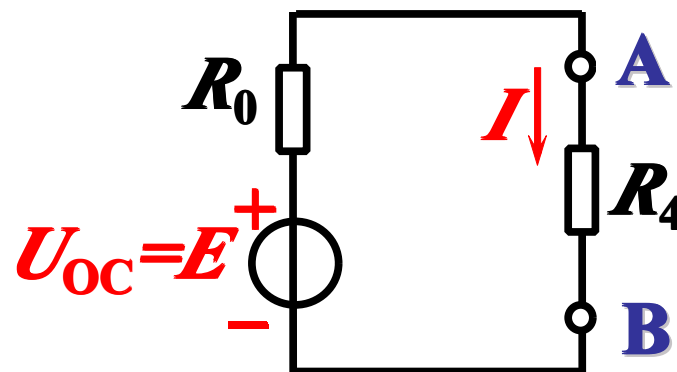
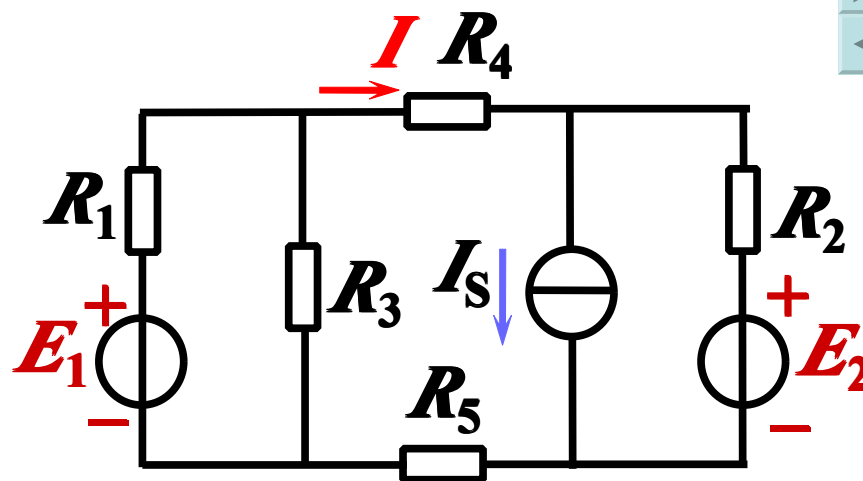
$$I_3 = \frac{E_1}{R_1 + R_3} = 2A$$

$$U_{OC} = I_3 R_3 - E_2 + I_S R_2 = 14V$$

(2) 求 R_0

$$R_0 = (R_1 // R_3) + R_5 + R_2 = 20 \Omega$$

(3) 求 I
$$I = \frac{E}{R_0 + R_4} = 0.5A$$



例4：计算 R_x 分别为 1.2Ω 、 5.2Ω 时的电流 I 。

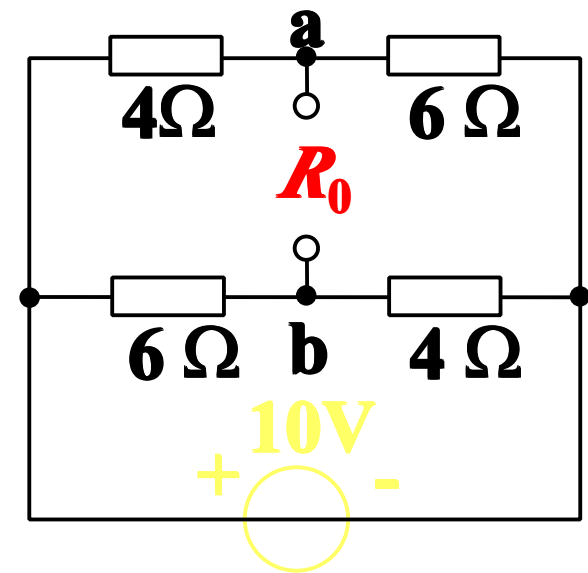
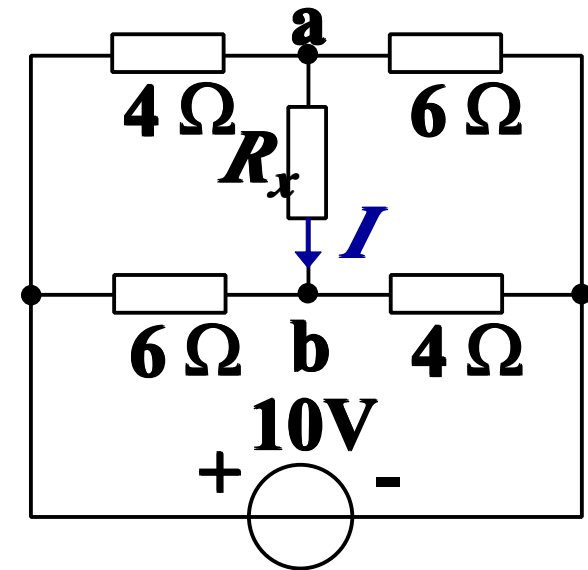
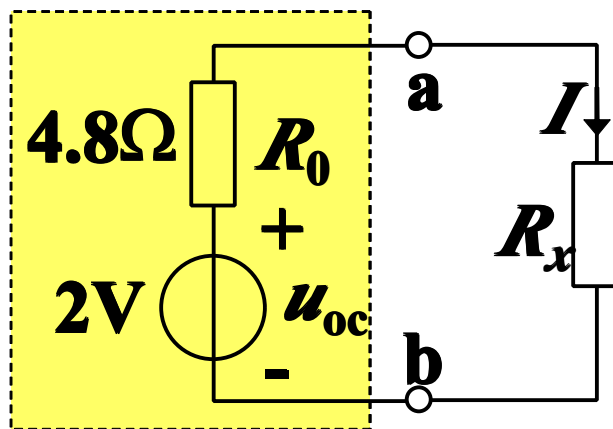
解：断开 R_x 支路，将剩余一端
口化为戴维南等效电路：

①求开路电压 U_{oc}

$$U_{oc} = U_2 - U_1 = 6 - 4 = 2V$$

②求等效电阻 R_0

$$R_0 = (4//6) + (6//4) = 4.8\Omega$$



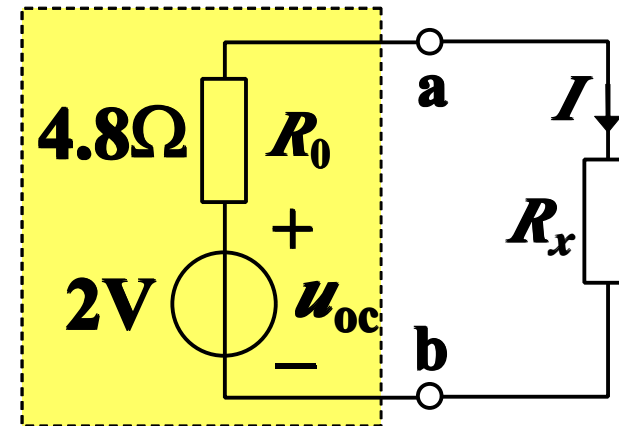
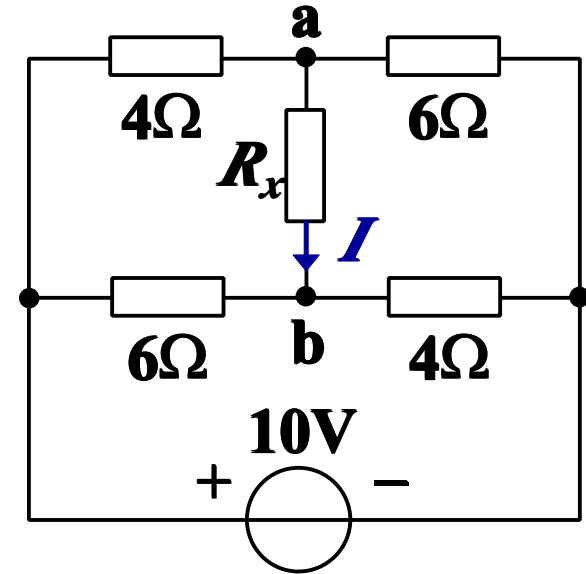
例4：计算 R_x 分别为 1.2Ω 、 5.2Ω 时的电流 I 。

③ 当 $R_x = 1.2\Omega$ 时，

$$I = \frac{U_{oc}}{R_0 + R_x} = \frac{2}{4.8 + 1.2} = 0.333A$$

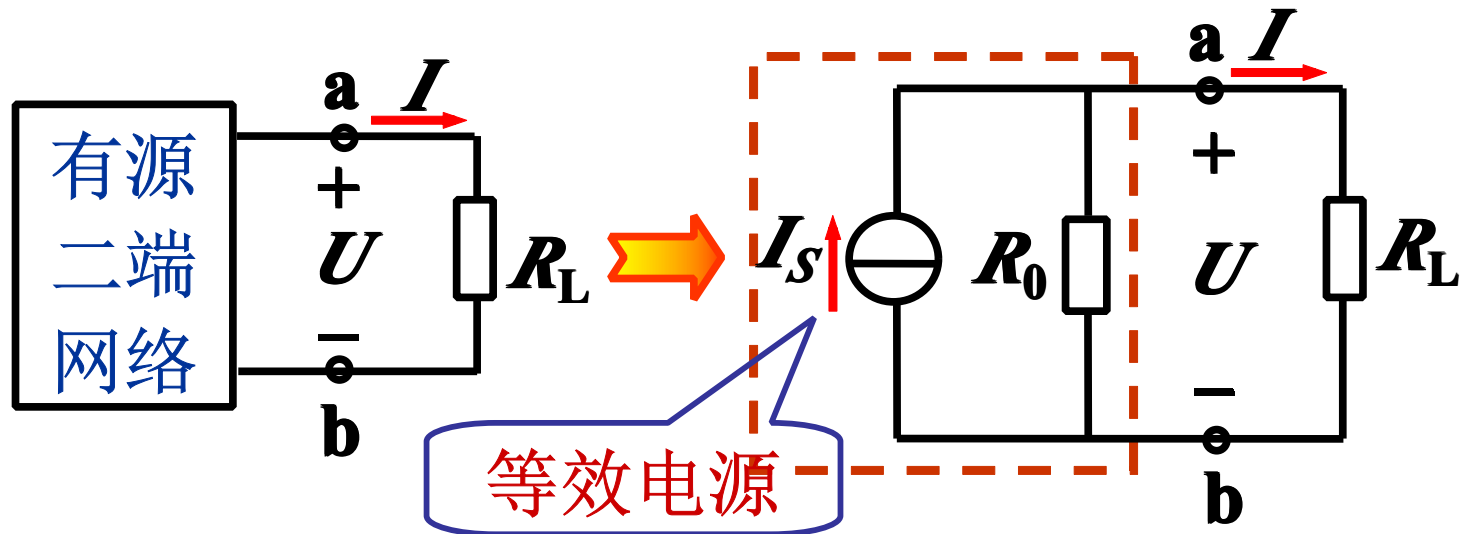
当 $R_x = 5.2\Omega$ 时，

$$I = \frac{U_{oc}}{R_0 + R_x} = \frac{2}{4.8 + 5.2} = 0.2A$$



2.6.2 诺顿定理

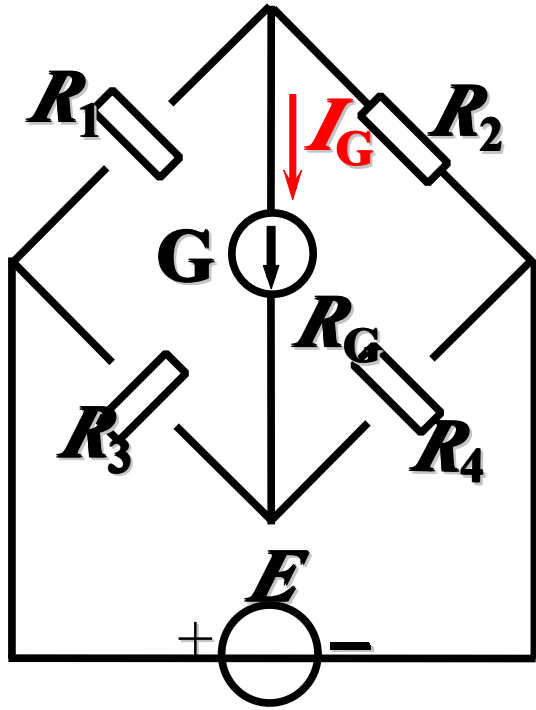
任何一个有源二端线性网络都可以用一个电流为 I_S 的理想电流源和内阻 R_0 并联的电源来等效代替。



等效电源的电流 I_S 就是有源二端网络的短路电流，即将 a 、 b 两端短接后其中的电流。

等效电源的内阻 R_0 等于有源二端网络中所有电源均除去（理想电压源短路，理想电流源开路）后所得到的无源二端网络 a 、 b 两端之间的等效电阻。

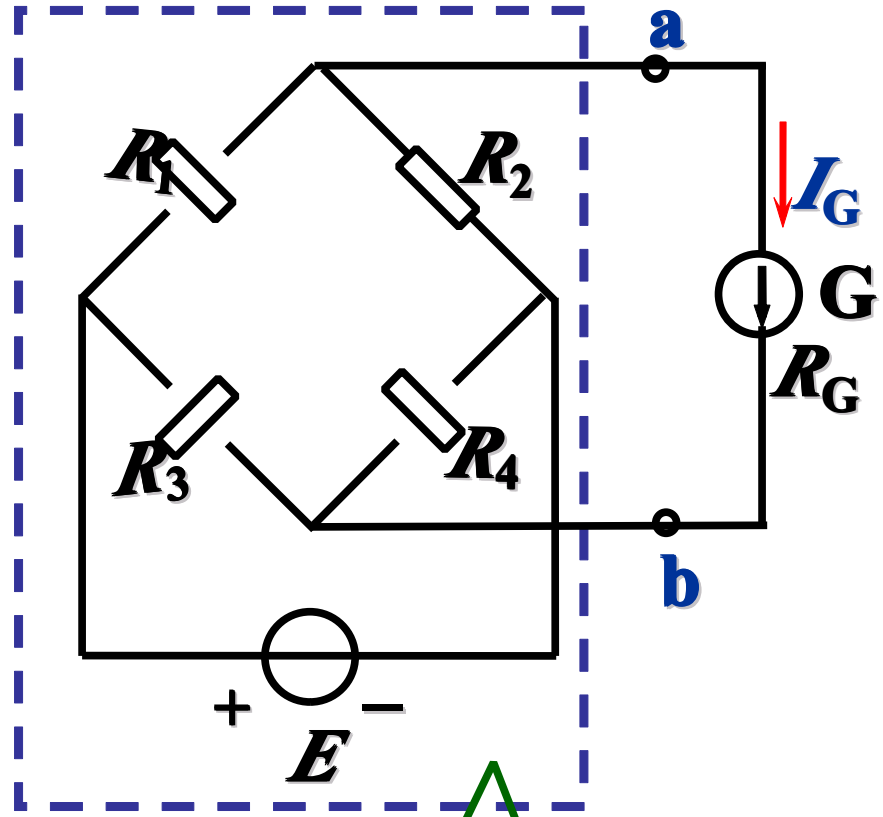
例1:



已知: $R_1=5\ \Omega$ 、 $R_2=5\ \Omega$
 $R_3=10\ \Omega$ 、 $R_4=5\ \Omega$
 $E=12\text{V}$ 、 $R_G=10\ \Omega$

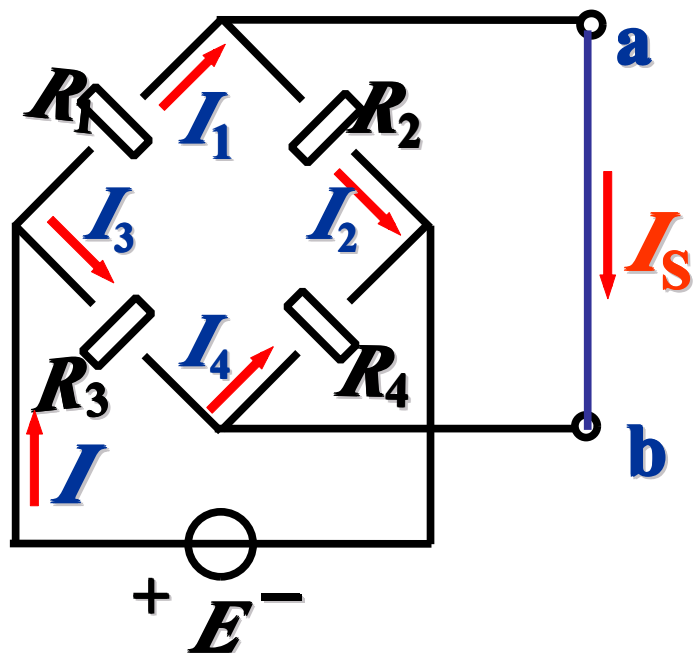
试用诺顿定理求检流计中的
电流 I_G 。

2011-11-1



有源二端网络

解: (1) 求短路电流 I_S



因 **a**、**b** 两点短接，所以对电源 E 而言， R_1 和 R_3 并联， R_2 和 R_4 并联，然后再串联。

$$R = (R_1 // R_3) + (R_2 // R_4)$$

$$= 5.8 \Omega$$

$$I = \frac{E}{R} = \frac{12}{5.8} \text{ A} = 2.07 \text{ A}$$

$$I_1 = \frac{R_3}{R_1 + R_3} I = \frac{10}{10 + 5} \times 2.07 \text{ A}$$

$$= 1.38 \text{ A}$$

$$I_2 = I_4 = \frac{1}{2} I = 1.035 \text{ A}$$

$$I_S = I_1 - I_2$$

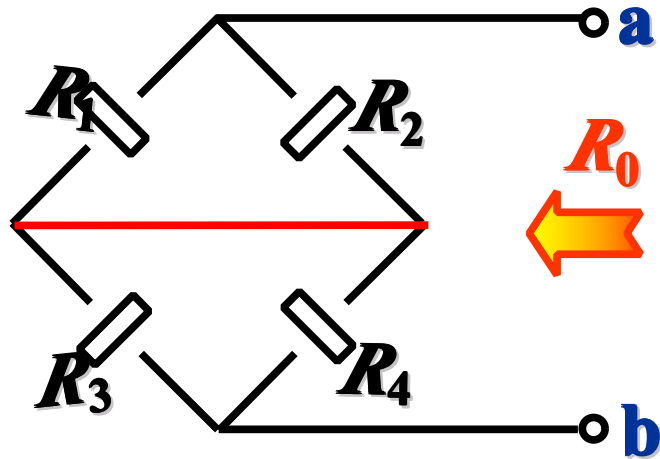
$$= 1.38 \text{ A} - 1.035 \text{ A}$$

$$= 0.345 \text{ A}$$

或: $I_S = I_4 - I_3$

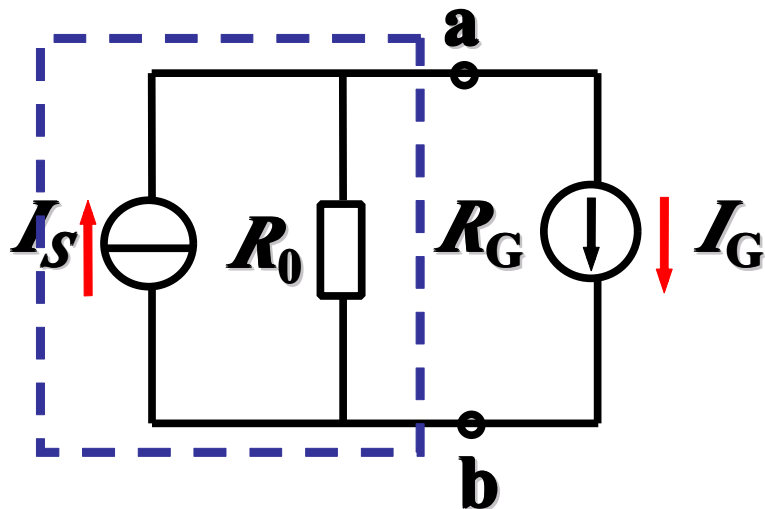


(2) 求等效电源的内阻 R_0



$$R_0 = (R_1 // R_2) + (R_3 // R_4) \\ = 5.8 \Omega$$

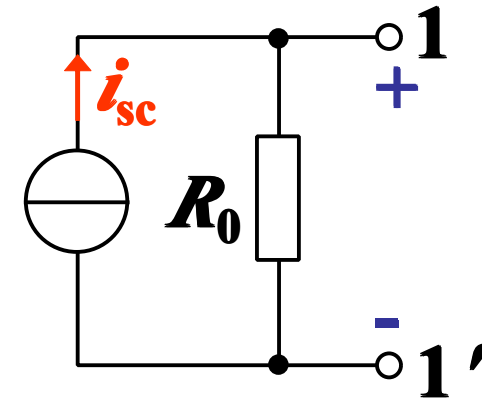
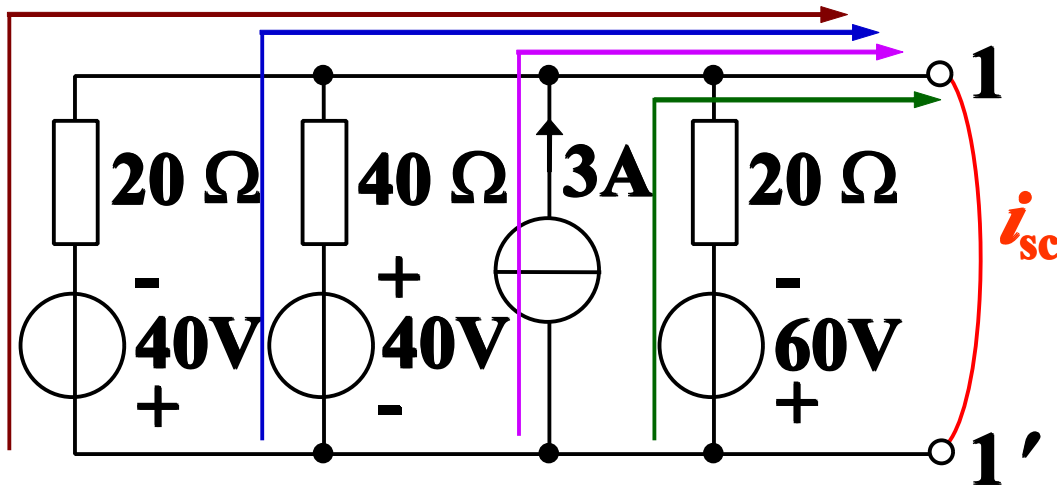
(3) 画出等效电路求检流计中的电流 I_G



$$I_G = \frac{R_0}{R_0 + R_G} I_S \\ = \frac{5.8}{5.8 + 10} \times 0.345 \text{ A} \\ = 0.126 \text{ A}$$

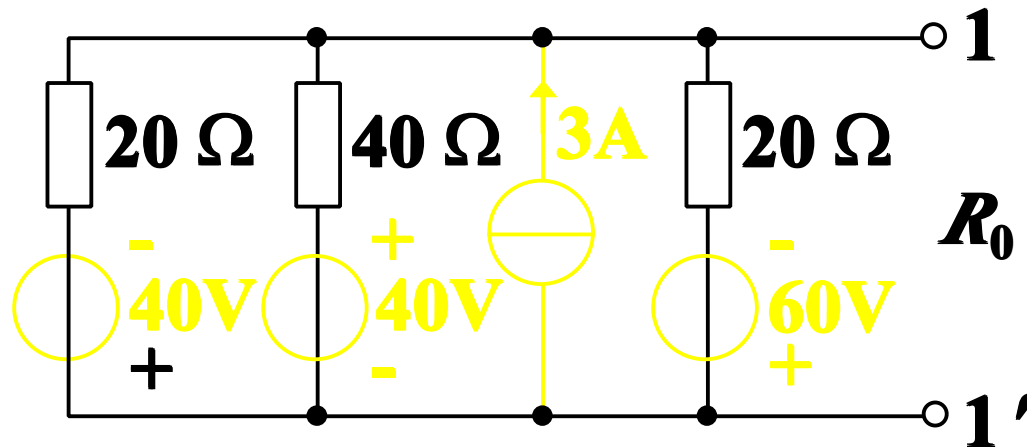


例2：求下图的等效发电机。



解：本题求短路电流比较方便。

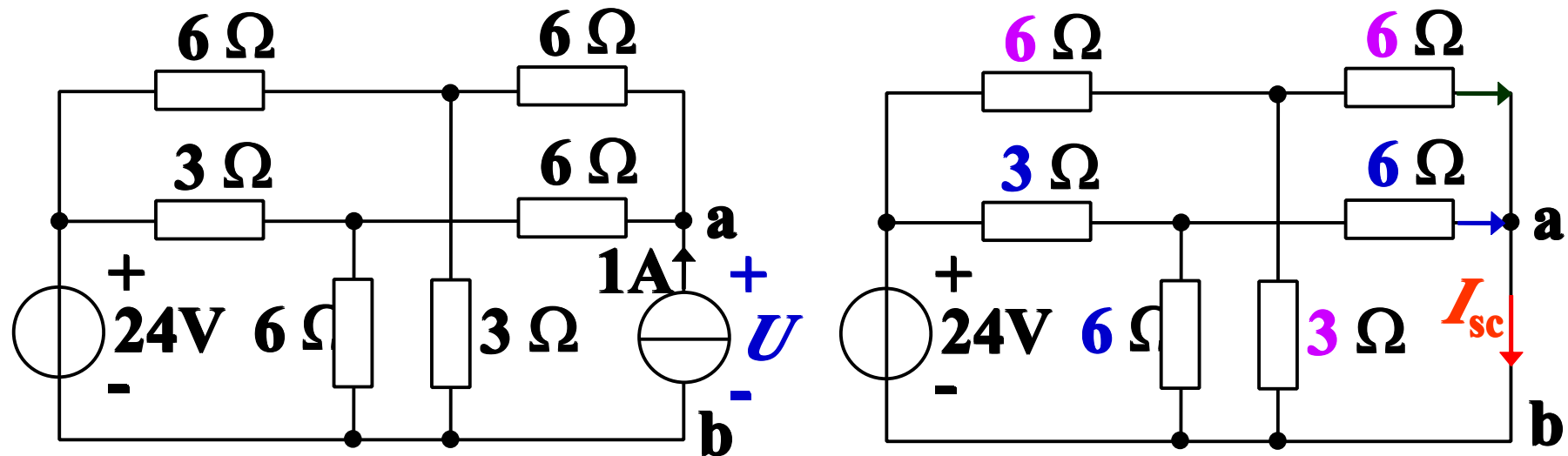
$$i_{sc} = -2 + 1 + 3 - 3 = -1 \text{ A}$$



$$R_0 = 20 // 40 // 20 = 8 \Omega$$



例3: 求电压 U 。



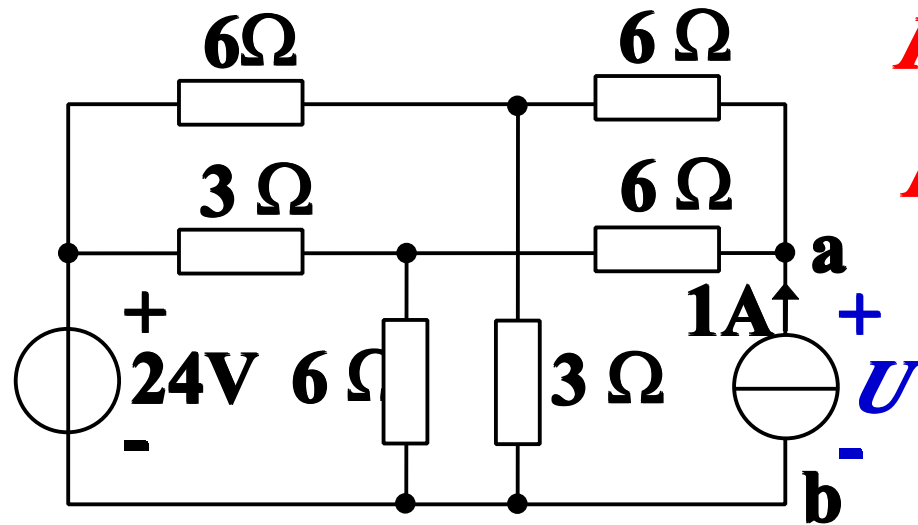
💡 本题用诺顿定理求比较方便，因 a 、 b 处的短路电流比开路电压容易求。

① 求短路电流 I_{sc}

$$I_{sc} = \frac{24}{(6//6)+3} \times \frac{1}{2} + \frac{24}{(3//6)+6} \times \frac{3}{3+6} = 3A$$



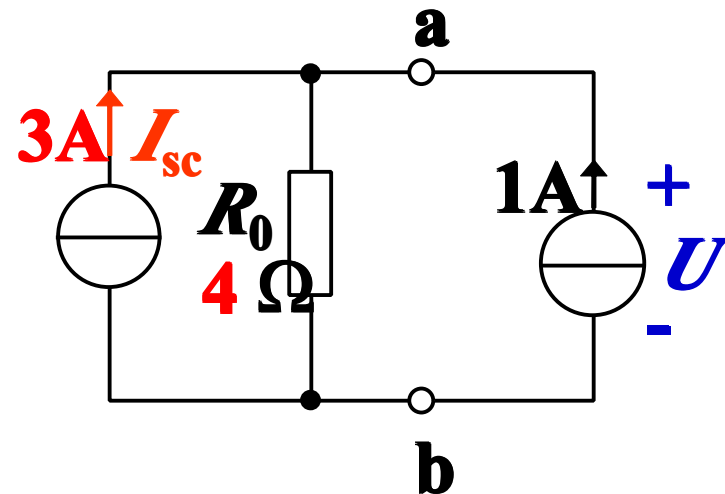
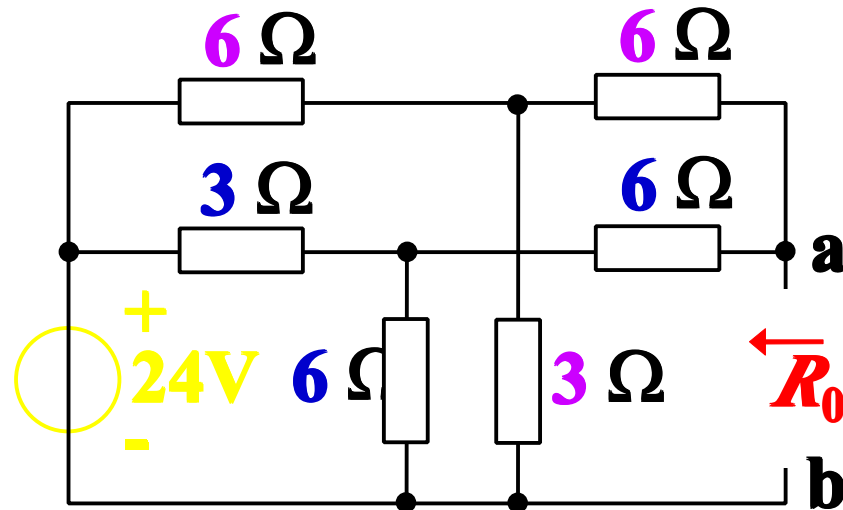
例3: 求电压 U 。



$$I_{sc} = 3A$$

$$R_0 = [(3//6)+6] // [(3//6)+6]$$
$$= 8 // 8 = 4 \Omega$$

②求等效电阻 R_0

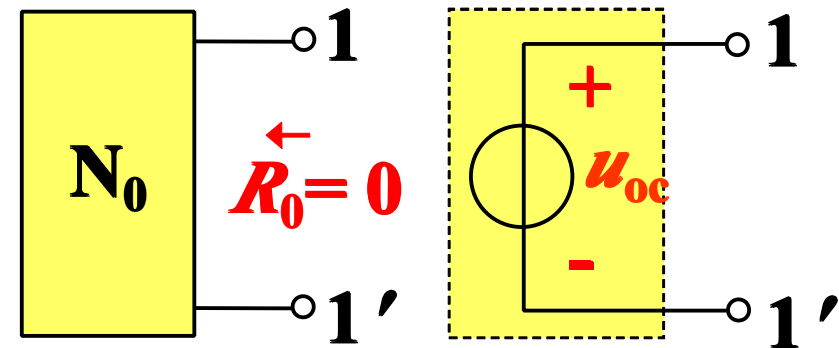


$$U = (3+1) \times 4 = 16V$$

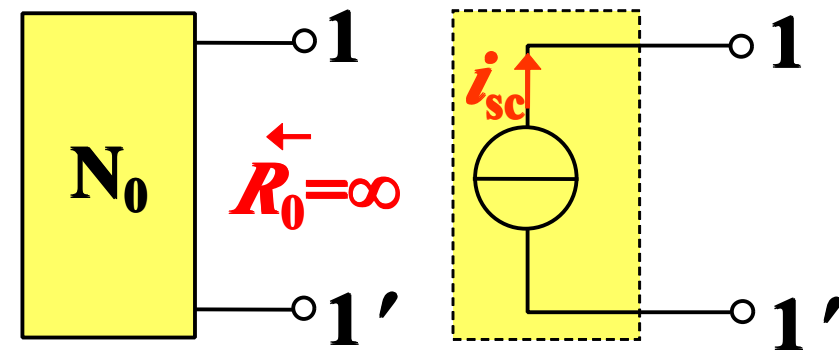


注意

①若一端口网络的等效电阻 $R_0 = 0$ ，则该一端口网络只有戴维南等效电路，无诺顿等效电路。



②若一端口网络的等效电阻 $R_0 = \infty$ ，则该一端口网络只有诺顿等效电路，无戴维南等效电路。





本章结束